

Partner



MAGYAR RÉZPIACI KÖZPONT

Az LPQI-VES társfinanszírozója:



Education and Culture

Leonardo da Vinci

Az LPQI rész a

Leonardo
ENERGY 

Meddőenergia kompenzálás elmélete és alkalmazása

Dr. Dán András

Az MTA doktora, BME VET

dan@vmt.bme.hu

LPQIVES Tanfolyam
Meddőenergia kompenzálás
Budapest, MEE
2007. február 22.



 LEONARDO
POWER
QUALITY
INITIATIVE
ves

Bevezetés

- Ideális energiarendszer
 - U állandó és szimmetrikus
 - U egyfrekvenciás
 - F állandó
 - Teljesítménytényező: 1
- Következmény:
 - Fogyasztók optimumra méretezhetőek
 - Fogyasztók kölcsönhatása megszűnik

Bevezetés

- Valóság: tolerancia sáv
 - Feszültségtartás
 - Aszimmetria
 - Harmonikus torzítás
 - Egyéb feszültségminőségi paraméterek
 - Frekvencia
 - Teljesítménytényező

Bevezetés

Meddőteljesítmény kompenzáció

– Fogasztói

- Teljesítménytényező javítás
- Feszültség szabályozás
- Terhelés szimmetrizálás

– Hálózati

- Elosztóhálózati (telj tényező, fesz tartás)
- Átviteli hálózati (fesz tartás, stabilitási tartalék növelés)

Felelősség megosztás

MSZ EN 50160

Feszültségminőség előírások

Csatlakozási feltételek

Ki miért felelős

Fogyasztó-szolgáltató határpont

Megoldások egyik változata: kompenzálás

Ideális kompenzátor

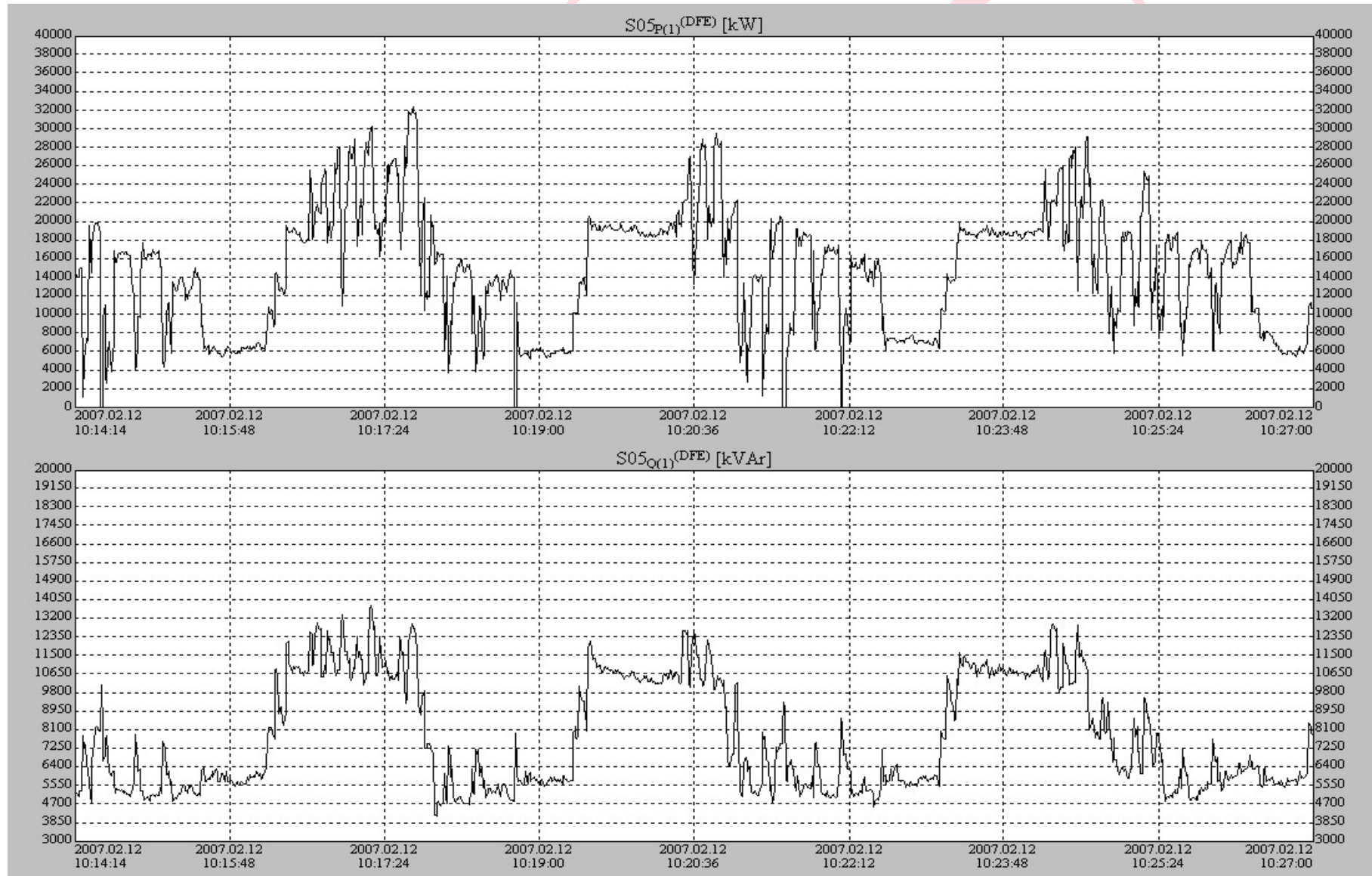
- Késleltetés nélküli
- Állandó feszültséget tart
- Fázisonként független
- Nem termel harmonikust

Kompenzálendő fogyasztók

Egyéb megoldások:

- Zárlati teljesítmény növelés (pl szinkronmotor)
- Lággyindítás

Példa kompenzálendő fogyasztóra



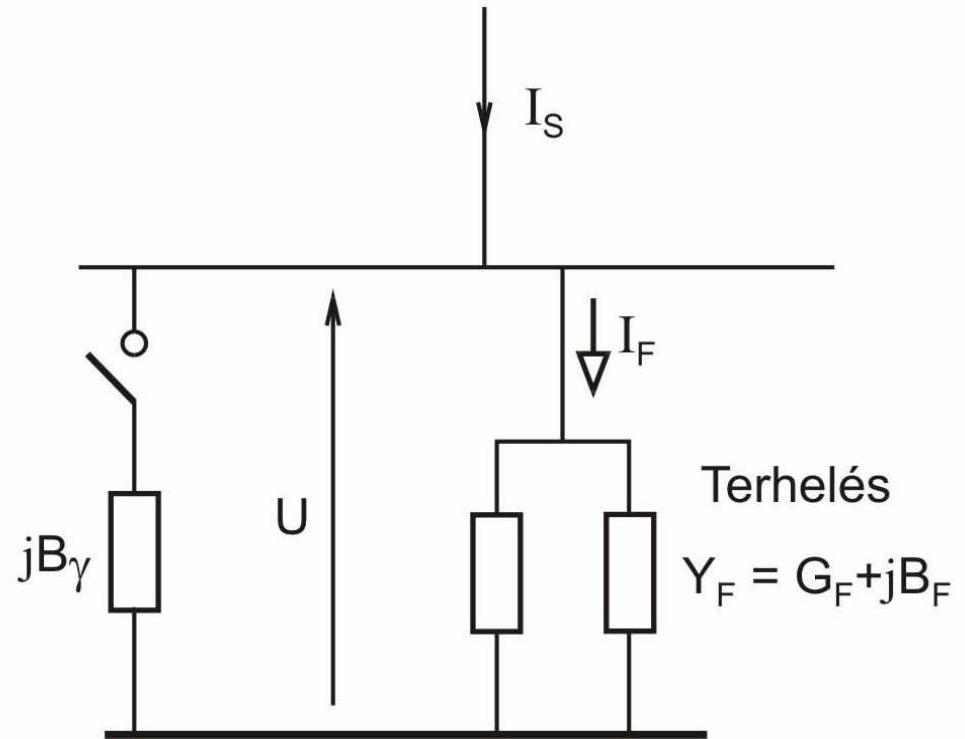
A táphálózat, a terhelés és a kompenzátor kölcsönhatása

Kvázistacioner állapot → fázor egyenletek
Tranziens állapot → differenciál egyenletek

Cos φ javítás

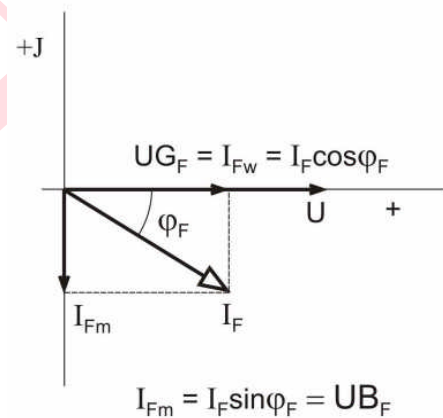
$$I_F = U(G_F + jB_F) = \\ = UG_F + jUB_F$$

$$S_F = U\hat{I}_F = \\ = U^2G_F - jU^2B_F = \\ = P_F + jQ_F$$



Kompenzátor nélkül:

$$I_S = I_F$$



Kompenzátorral:

$$I_S = I_F + I_\gamma = U(G_F + jB_F)$$

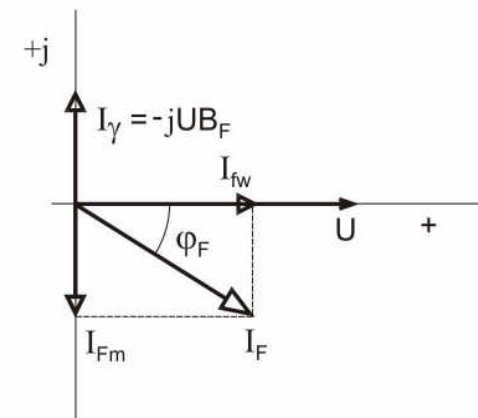
$$-UjB_F = I_{FW}$$

$$S_\gamma = P_\gamma + jQ_\gamma = U\hat{I}_\gamma = U(jUB_F) = jU^2 B_F$$

Teljes kompenzáció:

$$P_\gamma = 0; \quad Q_\gamma = -Q_F$$

Részleges kompenzáció: $|Q_\gamma| < |Q_F|$



Feszültségszabályozás

Definíció

$$R_F = \frac{|E| - |U|}{|U|}$$

U a referencia fázor

$$R_F = \frac{|E| - U}{U}$$

$$\Delta U = I_F Z_S; \quad I_F = \frac{\hat{S}_F}{U} = \frac{P_F - jQ_F}{U}$$

$$\Delta U = \frac{P_F - jQ_F}{U} (R_S + jX_S)$$

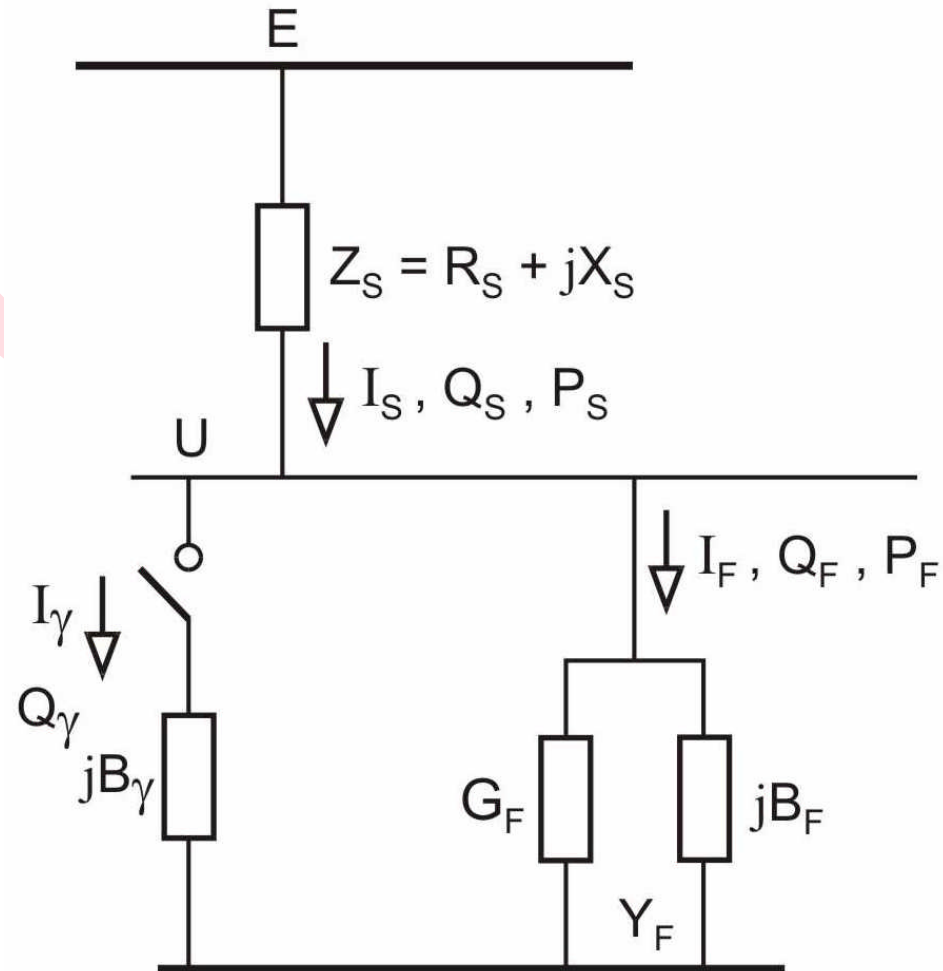
$$\Delta U = \frac{P_F R_S + Q_F X_S}{U} + j \frac{P_F X_S - Q_F R_S}{U} = \Delta U_h + j\Delta U_k$$

Kompensátorral:

$$Q_S = Q_\gamma + Q_F$$

$$E = U + \Delta U =$$

$$= U + \Delta U_h + j\Delta U_k$$



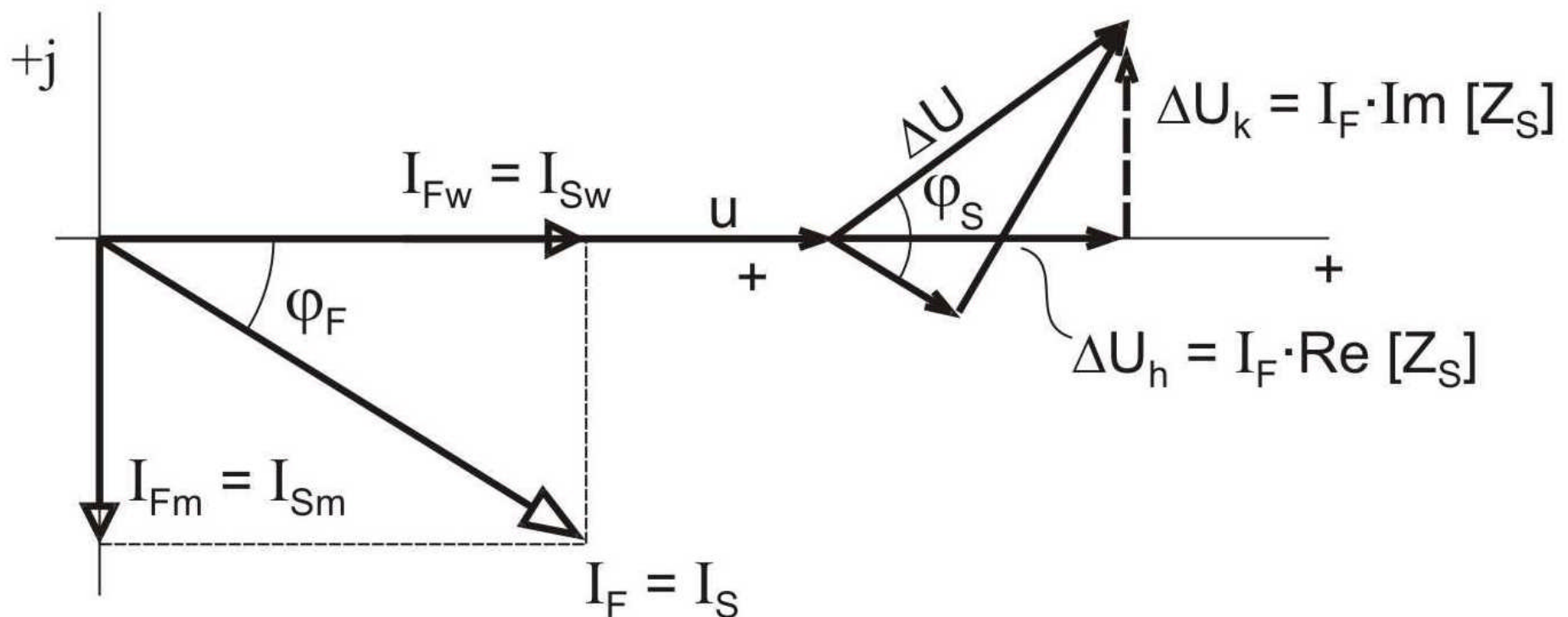
Legyen

$$|E| = U$$

$$E \cos \varphi = U + \Delta U_h$$

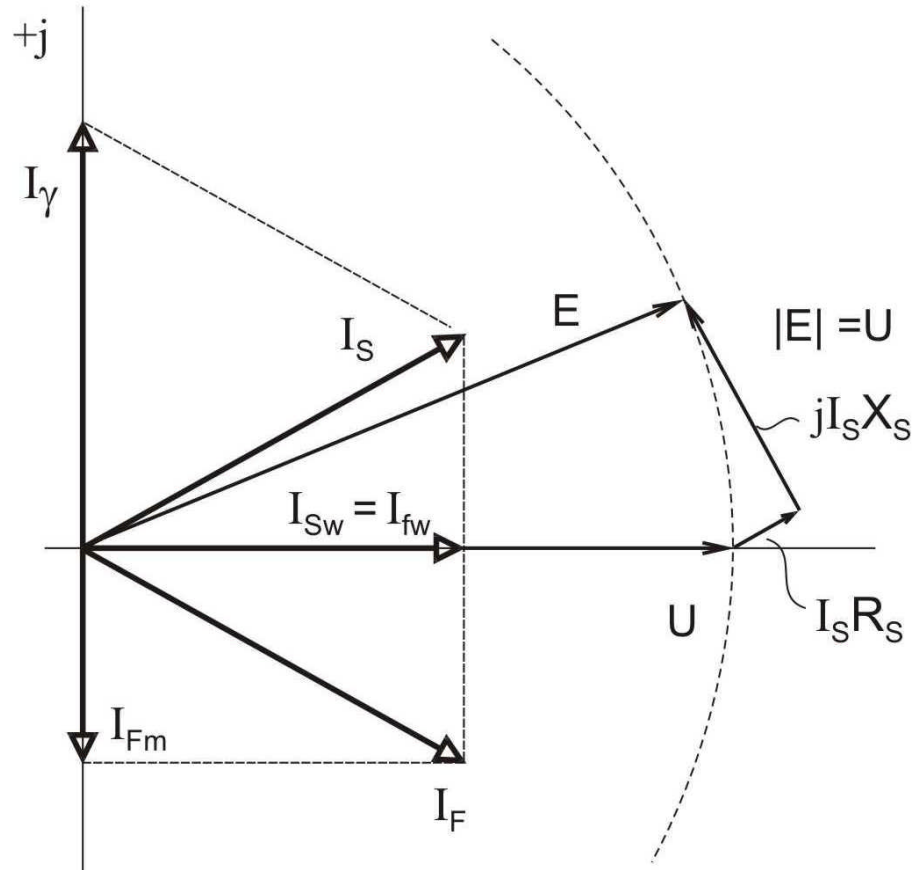
$$E \sin \varphi = \Delta U_k$$

$$|E|^2 = \left[U + \frac{R_S P_F + X_S Q_S}{U} \right]^2 + \left[\frac{X_S P_F - R_S Q_S}{U} \right]^2$$



$$I_{Sw} = I_{Fw}$$

$$|E| = U$$



Tiszta reaktív kompenzátor tart állandó U feszültséget a wattos és meddő terhelés változás ellenére.

Cos φ kompenzátor

esetén $\cos\varphi = 1$ -re kompenzálva

$$Q_S = Q_\gamma + Q_F = 0$$

$$\Delta U = \frac{P_F}{U} (R_S + jX_S) = \frac{P_F R_S + jP_F X_S}{U}$$

A feszültségváltozás tehát nem függvénye a fogyasztói meddőteljesítmény változásának.

Tehát a pillanatnyi feszültségtartás és meddőkompenzáció ugyanazon kompenzátorral nem teljesíthető.

De: $U \approx$ állandó és $\cos\varphi \approx 1$

Feszültség szabályozási karakterisztika

Kompenzátor nélkül:

$$\frac{\Delta U}{U} = Z_S \frac{P_F - jQ_F}{U^2} = \frac{P_F - jQ_F}{S_Z}$$

$$E \approx U \Rightarrow \frac{U^2}{Z_S} \approx S_Z$$

$$R_S = \frac{U^2}{S_Z} \cos \varphi_S \quad X_S = \frac{U^2}{S_Z} \sin \varphi_S$$

$$\begin{aligned}\frac{\Delta U}{U} &= \frac{1}{S_Z} (\cos \varphi_S + j \sin \varphi_S) (P_F - jQ_F) = \\ &= \frac{1}{S_Z} [(\cos \varphi_S P_F + \sin \varphi_S Q_F) + j(\sin \varphi_S P_F - \cos \varphi_S Q_F)]\end{aligned}$$

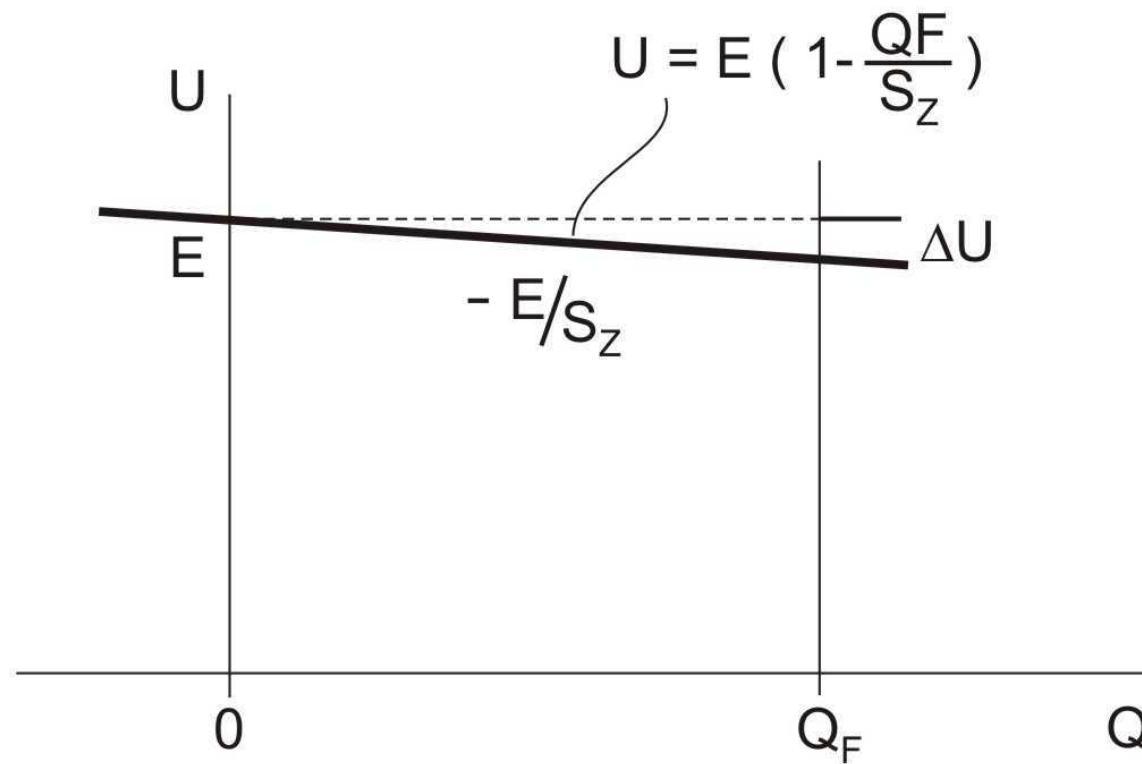
$$\frac{\Delta U_h}{U} = \frac{1}{S_Z} (\cos \varphi_S P_F + \sin \varphi_S Q_F) \approx \frac{\Delta U}{U}$$

$$\frac{R}{X} \ll 1 \Rightarrow \frac{\Delta U_h}{U} \approx \frac{1}{S_Z} \Delta Q_F \sin \varphi_S \approx \frac{\Delta Q_F}{S_Z} \Rightarrow$$

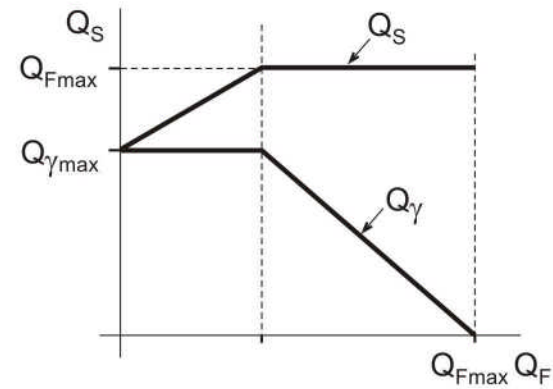
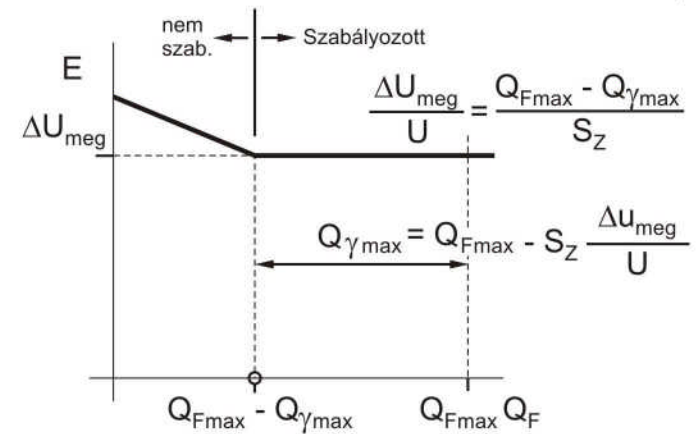
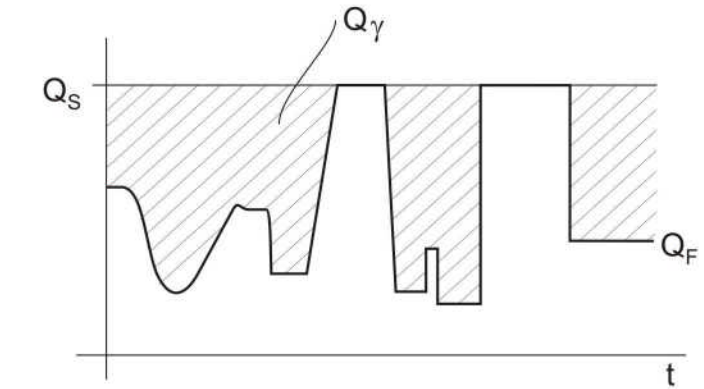
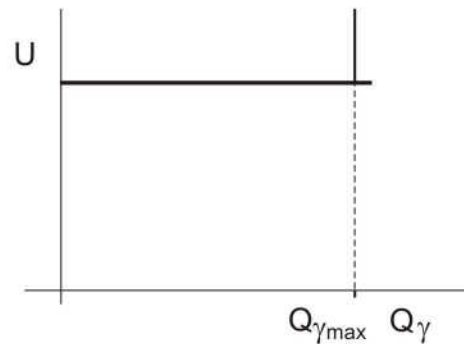
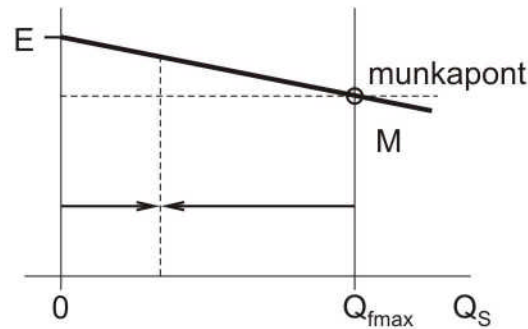
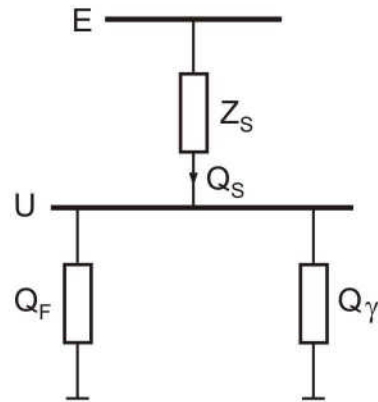
$$\Rightarrow \Delta U_h = U \frac{\Delta Q_F}{S_Z}$$

$$\Delta U_h \approx E - U; \quad U = E - U \frac{\Delta Q_F}{S_Z} \Big|_{E \approx U} \approx E \left(1 - \frac{\Delta Q_F}{S_Z} \right)$$

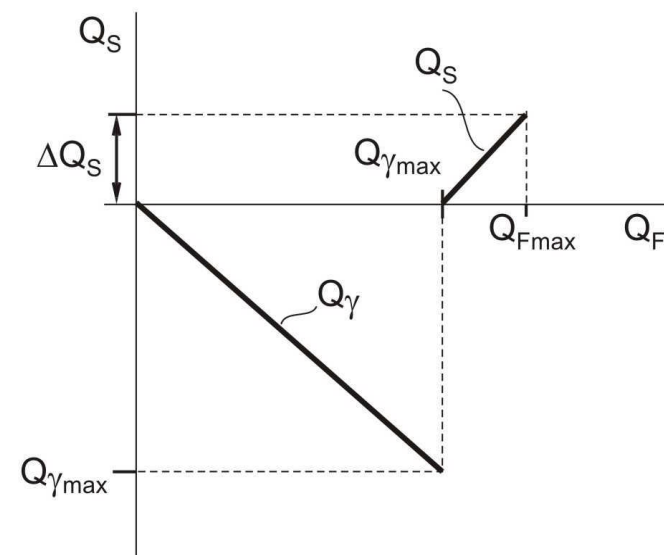
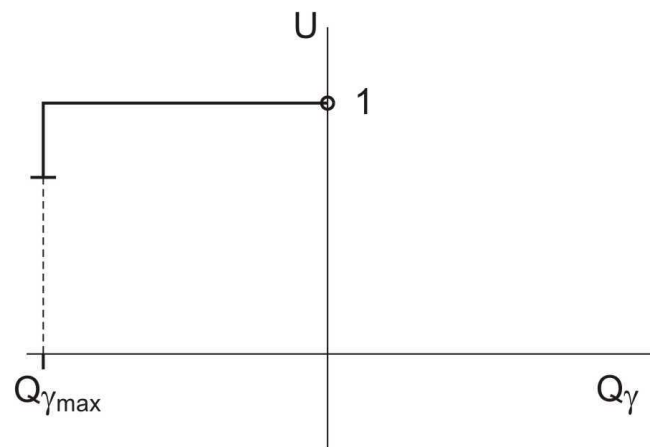
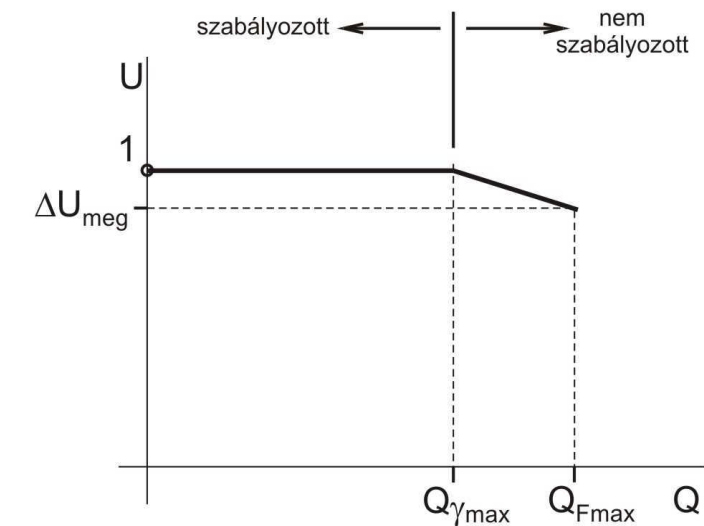
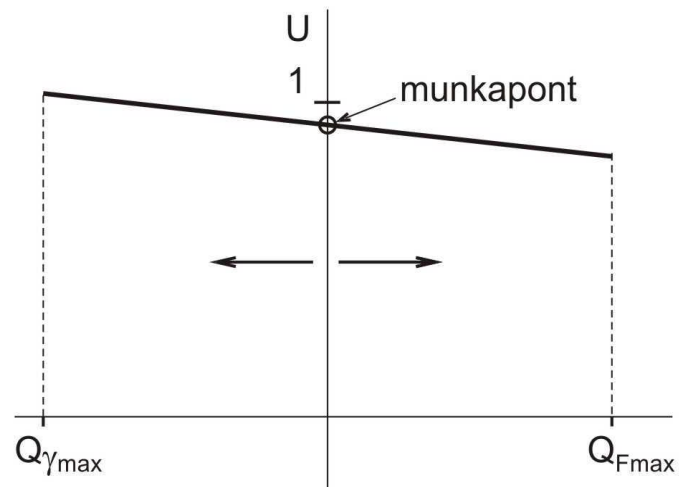
Hálózat karakterisztikája



Induktív terhelés és induktív kompenzátor

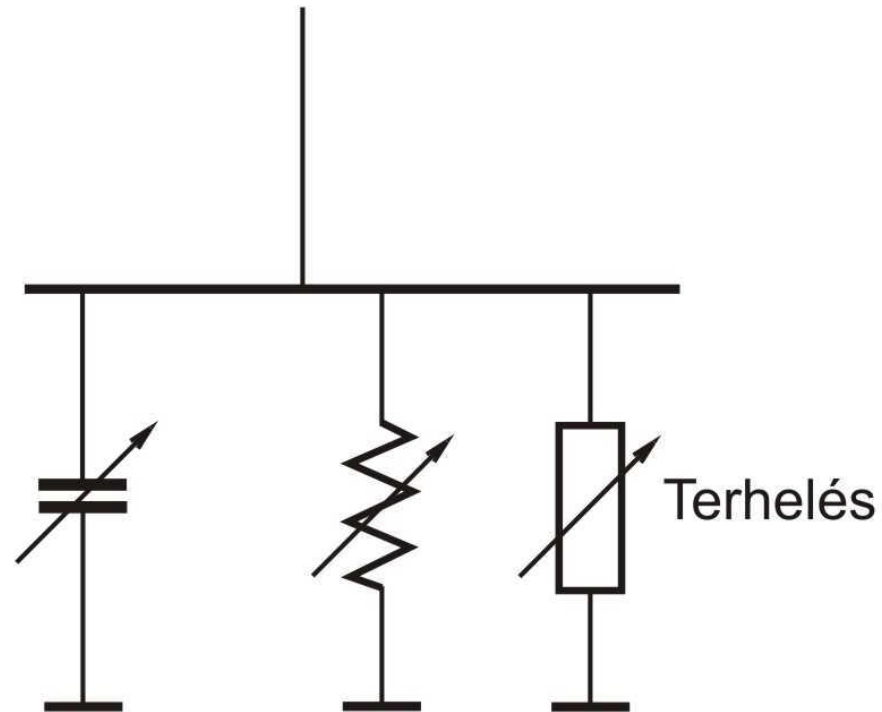


Kapacitív kompenzátor meddőegyensúly ábra



Kétirányú kompenzálás

- Változatok (TCR+FC, TSC+FR,)



Fogyasztói kompenzálás mint feszültség szabályozó

A kompenzátor szabályozási karakterisztikájának jellemzői:

- A $Q_\gamma = 0$ -hoz tartozó kezdeti feszültség U_k
- A névleges (maximális) meddő $Q_{\gamma n} = Q_{\gamma \max}$
- A differenciális meredekség: K_γ

A meredekség definíciója:

$$K_\gamma = \frac{\Delta Q_\gamma}{\Delta U}$$

Ha a karakterisztika $Q_\gamma < Q_{\gamma\max}$ -ig lineáris,

$$U = U_k + \frac{Q_\gamma}{K_\gamma}$$

Az ideális kompenzátornál:

$$K_\gamma = \infty$$

$$(U = U_k = \text{const})$$

K_γ értéke általában 20 - 100(v.e.)

Nagy érték csökkenti a kompenzátor munkaponti stabilitását.

Feltételek:

$S_z \neq \infty$; $X_S / R_S \gg 1$; $P_F \approx \text{állandó}$;
szimmetrikus üzem

$$Q_S = Q_F + Q_\gamma$$

$$U = E \left(1 - \frac{Q_S}{S_z} \right)$$

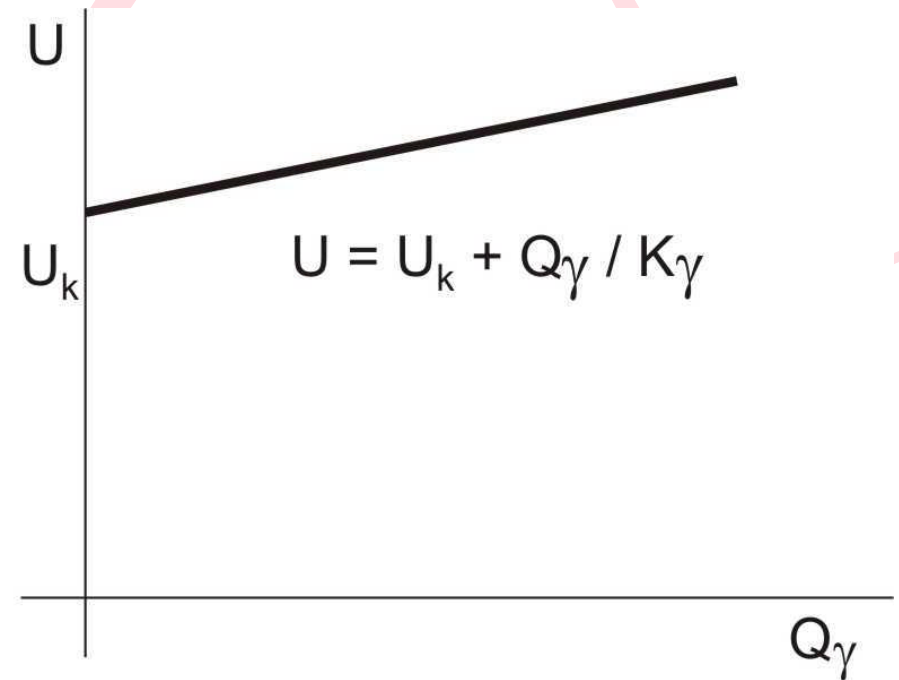
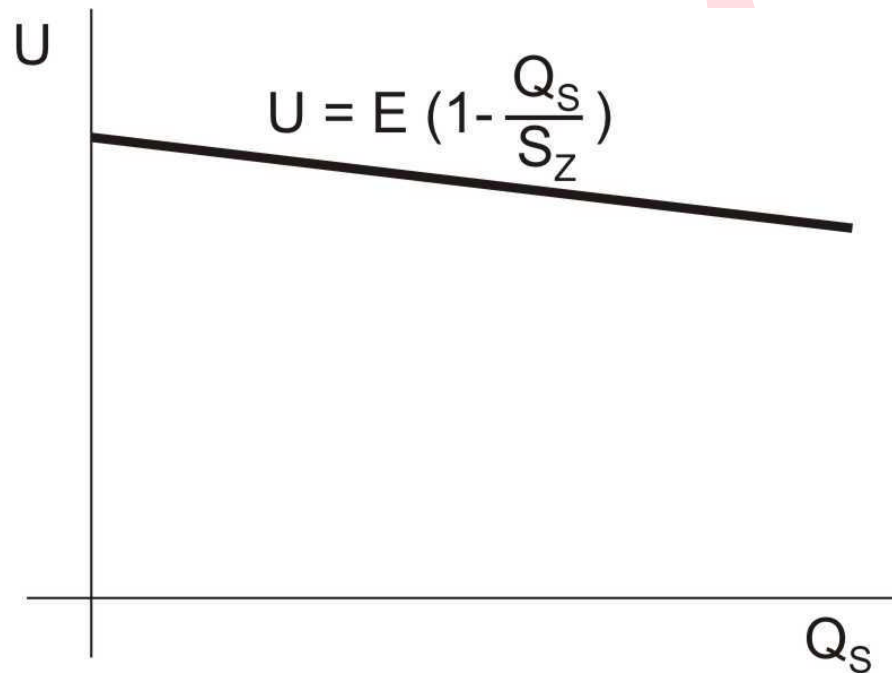
A terhelés karakterisztikája
érzékenység:

$$\Rightarrow \frac{dU}{dQ_S} = - \frac{E}{S_z}$$

$$S_z \uparrow \Rightarrow \frac{\Delta U}{\Delta Q_S} \downarrow$$

merev rendszer
nagy zárlati teljesítmény

A hálózat és a kompenzátor linearizált karakterisztikája



Csak terhelés esetén:

$$U = E \left(1 - \frac{Q_F}{S_z} \right)$$

KompENZÁTORRAL:

$$U = E \left(1 - \frac{Q_S(U)}{S_z} \right); \text{ mivel } Q_S = Q_\gamma + Q_F$$

$$\text{és } Q_\gamma = f(U) \quad Q_\gamma = K_\gamma (U - U_k)$$

Áttérve viszonylagos egységekre:

$$U_{alap} = E; \quad S_{alap} = Q_{\gamma \max}$$

$$U = E \left(1 - \frac{Q_F + K_{\gamma} (U - U_k)}{S_z} \right)$$

$$S_z U = E (S_z - Q_F - K_{\gamma} (U - U_k))$$

$$U (S_z + K_{\gamma} E) = ES_z - Q_F E + EK_{\gamma} U_k$$

$$U = \frac{ES_z + EK_{\gamma} U_k}{S_z + K_{\gamma} E} - \frac{EQ_F}{S_z + K_{\gamma} E}$$

$$U = \frac{ES_z \left(1 + K_\gamma U_k / S_z\right)}{S_z \left(1 + K_\gamma E / S_z\right)} - \frac{ES_z \frac{Q_F}{S_z}}{S_z \left(1 + K_\gamma E / S_z\right)}$$

$$U = E \left[\frac{1 + K_\gamma U_k / S_z}{1 + K_\gamma E / S_z} - \frac{Q_F / S_z}{1 + K_\gamma E / S_z} \right]$$

Ha $Q_\gamma < Q_{\gamma \max}$,

a hatás kettős:

- megváltozott az üresjárási feszültség a tápponton
- megváltozott a feszültségérzékenységi tényező

$$\frac{dU}{dQ_F} = -\frac{E/S_z}{1 - K_\gamma E/S_z} \quad (K_\gamma > 0)$$

Példa

$$Q_{\gamma} = 10 \text{ MVA} \quad S_z = 25 \text{ v.e.} \quad E = 1 \text{ v.e.} \quad K_{\gamma} = 100 \text{ v.e}$$

A kompenzálatlan érzékenység:

$$-\frac{E}{S_z} = -0.04 \text{ v.e.}$$

Kompenzátorral:

$$\frac{-0.04}{1 + 100 \cdot 0.04} = -0.008 \text{ v.e.}$$

Ha $U_k = E$, akkor a két esetben azonos az üresjárási feszültség.

Példa

A kompenzátor meddőteljesítménye a fogyasztói meddő függvényében:

Ha

$$Q_\gamma = \frac{K_\gamma}{1 + K_\gamma E/S_z} \left[E \left(1 - \frac{Q_F}{S_z} \right) - U_k \right]$$

$$E = U_k$$

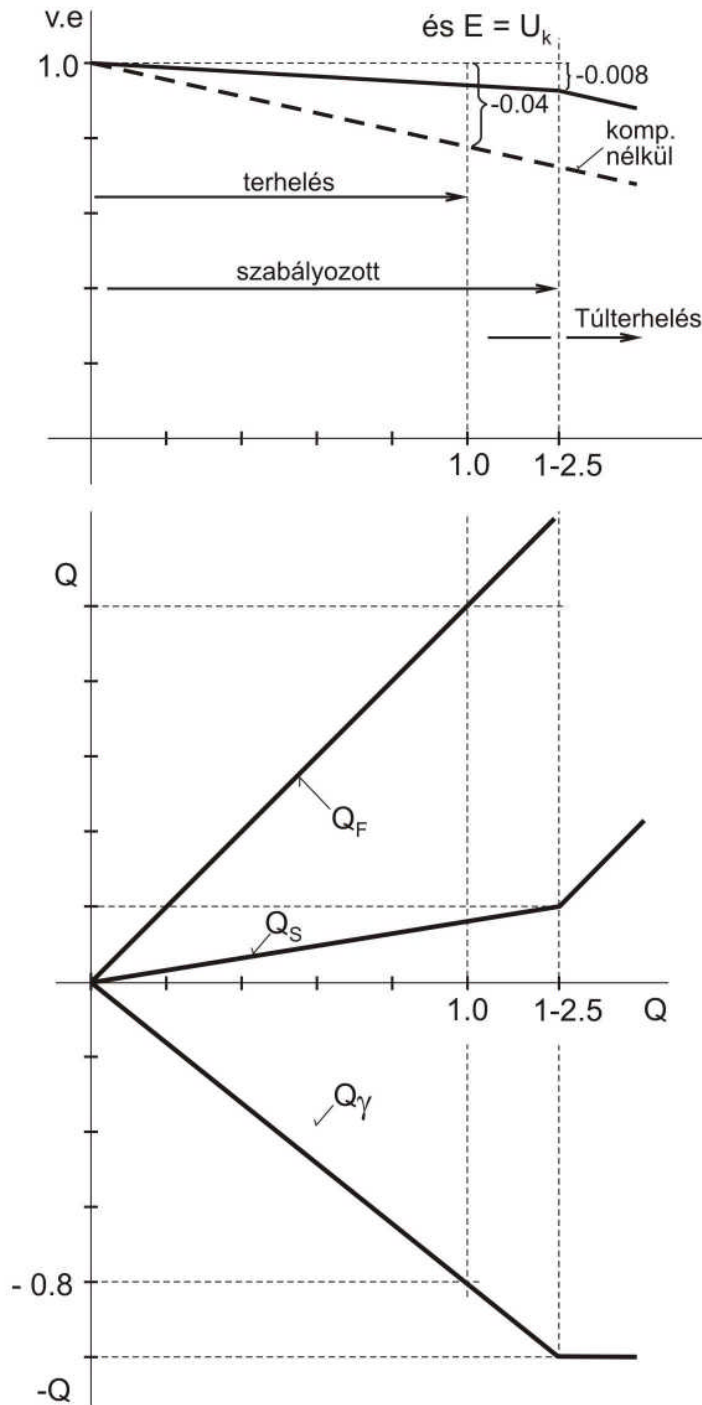
$$Q_\gamma = - \frac{K_\gamma E/S_z}{1 + K_\gamma E/S_z}$$

Pl.

$$-Q_{\gamma\max} = Q_{F\max} = 10 \text{ MVA} \quad K_\gamma = 100 \quad S_z = 25 \text{ v.e.}$$

$$Q_\gamma = \frac{-0.04 \cdot 100}{1 + 100/25} \cdot 1 = -0.8 \text{ v.e.} \rightarrow -8 \text{ Mvar}$$

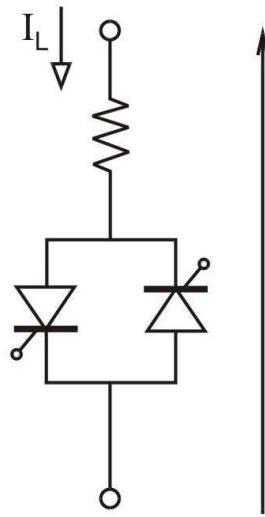
Példa



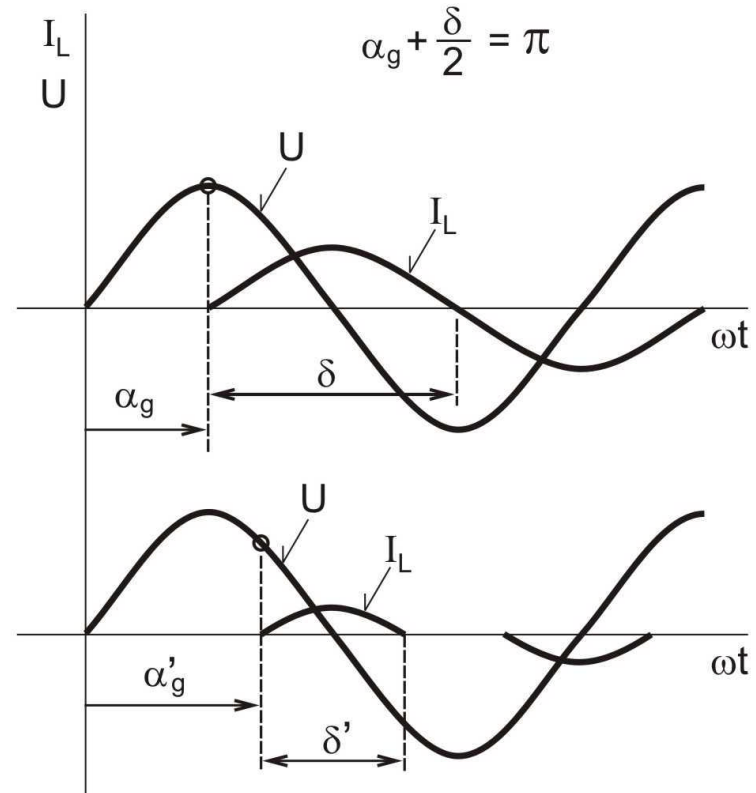
M8a.)

M8b.)

Alaptípusok TCR



$$U = \sqrt{2} U_m \sin \omega t$$



TCR egyenletek

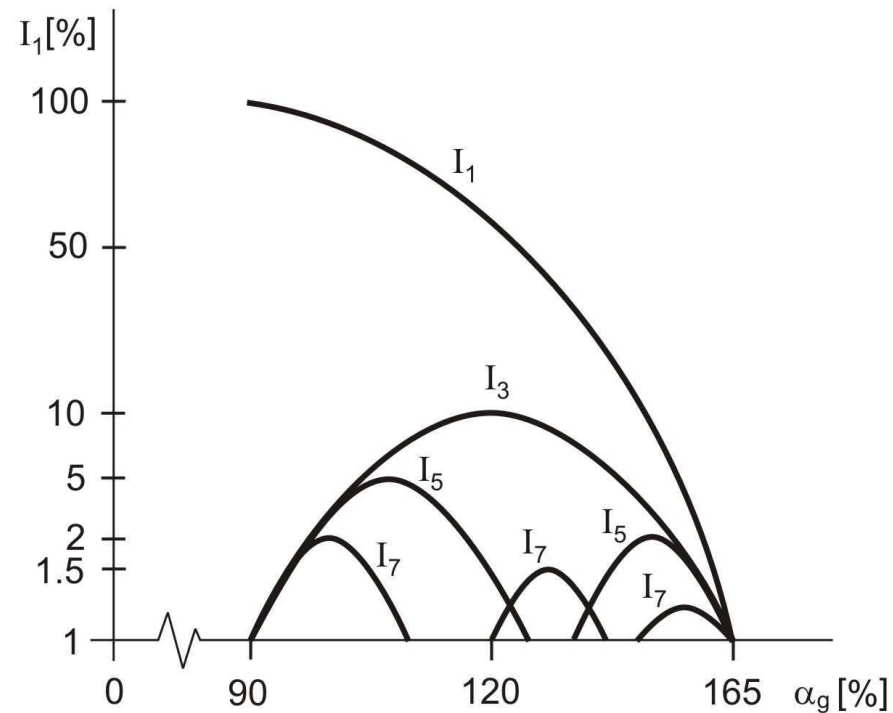
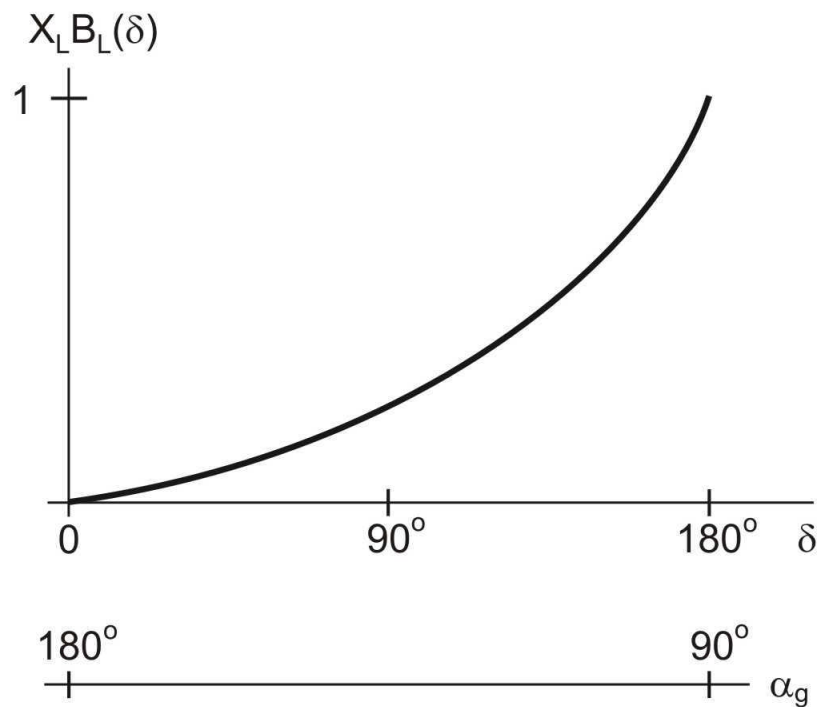
$$i = \left\{ \begin{array}{ll} \frac{\sqrt{2}U}{X_L} (\cos \alpha - \cos \omega t) & \alpha < \omega t < \alpha + \sigma \\ 0 & \alpha + \sigma \leq \omega t < \alpha + \pi \end{array} \right\}$$

$$I_1 = \frac{\sigma - \sin \sigma}{\pi X_L} U \quad [A_{eff}]$$

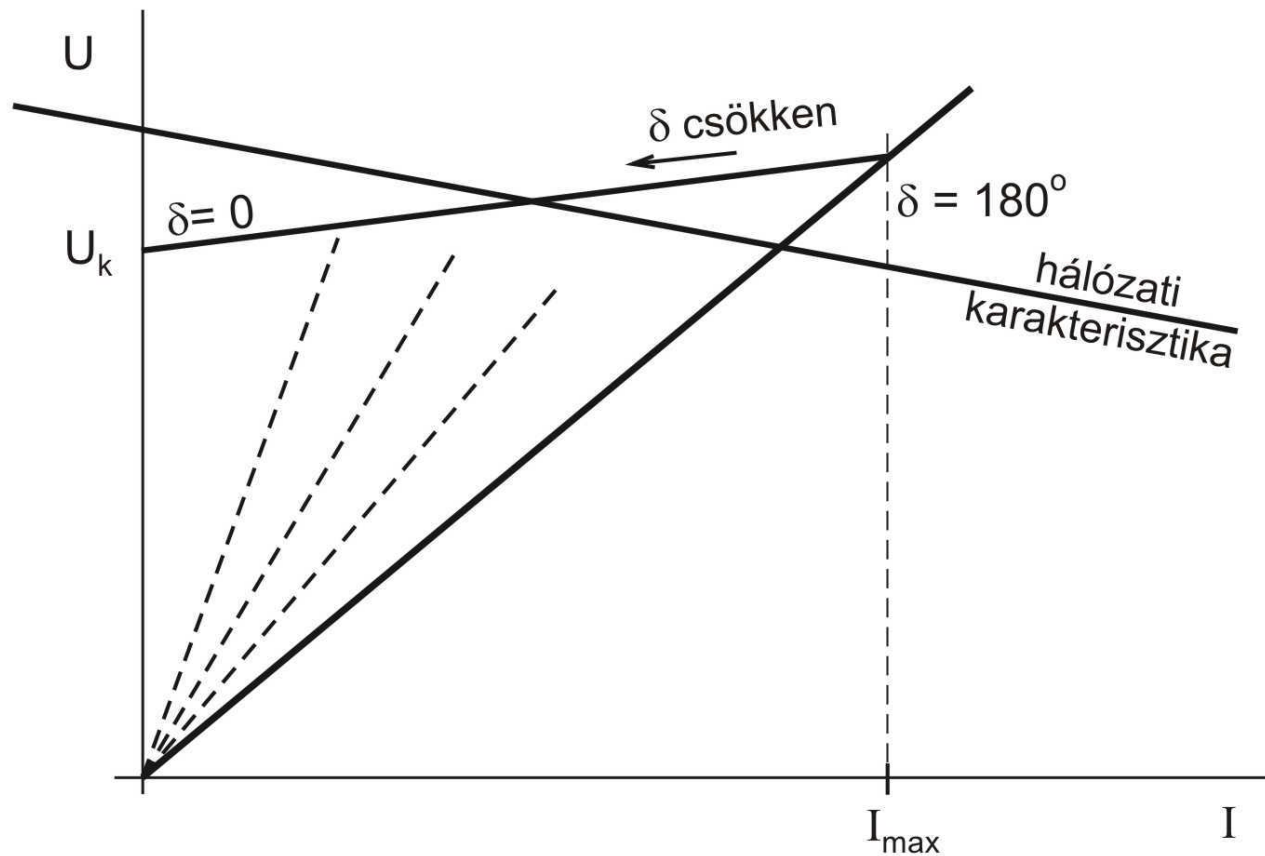
$$\underbrace{\hspace{10em}}_{B_L(\sigma)}$$

$$I_h = \frac{4}{\pi} \frac{U}{X_L} \left[\frac{\sin(h+1)\alpha}{2(h+1)} + \frac{\sin(h-1)\alpha}{2(h-1)} - \cos \alpha \frac{\sinh \alpha}{h} \right]$$

Alaptípusok TCR

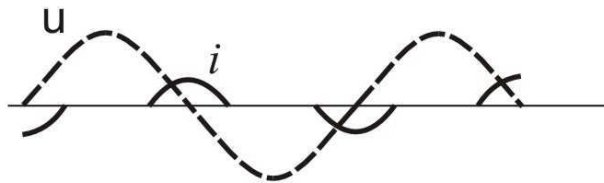


TCR karakterisztika

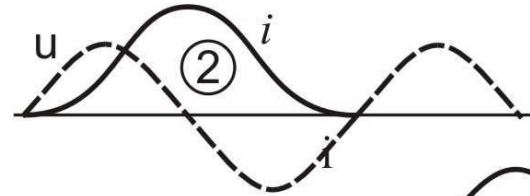


TCR üzeme

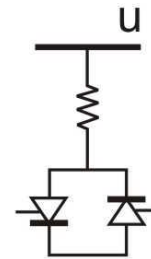
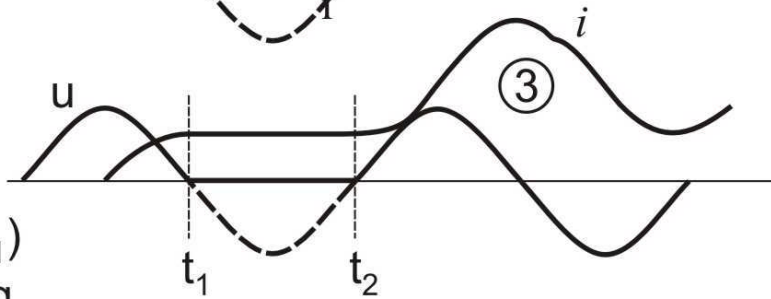
Normál
üzem



Hibás
gyújtás



Hálózati
rövidzárlat (t_1)
és feszültség
visszatérés (t_2)

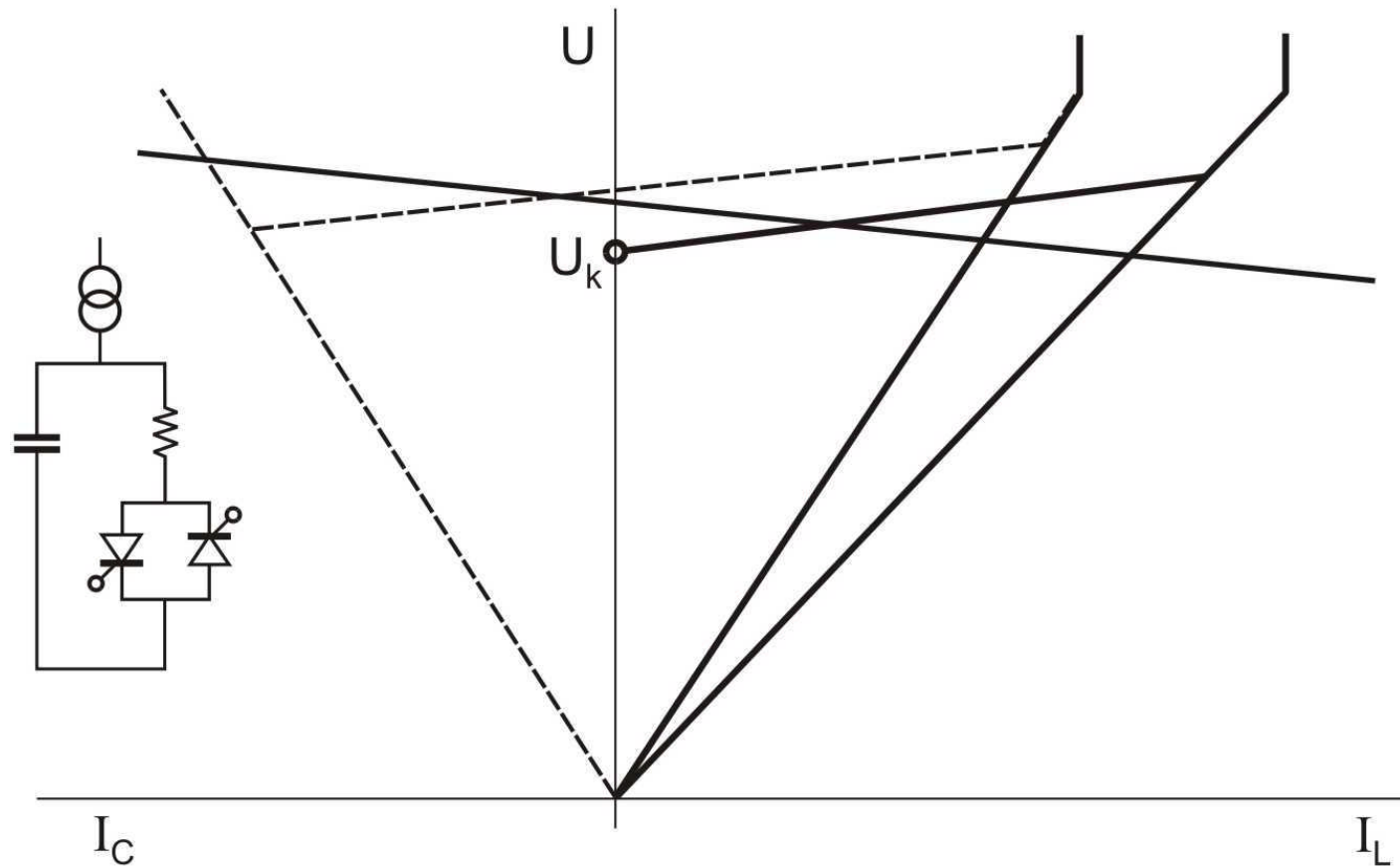


TCR

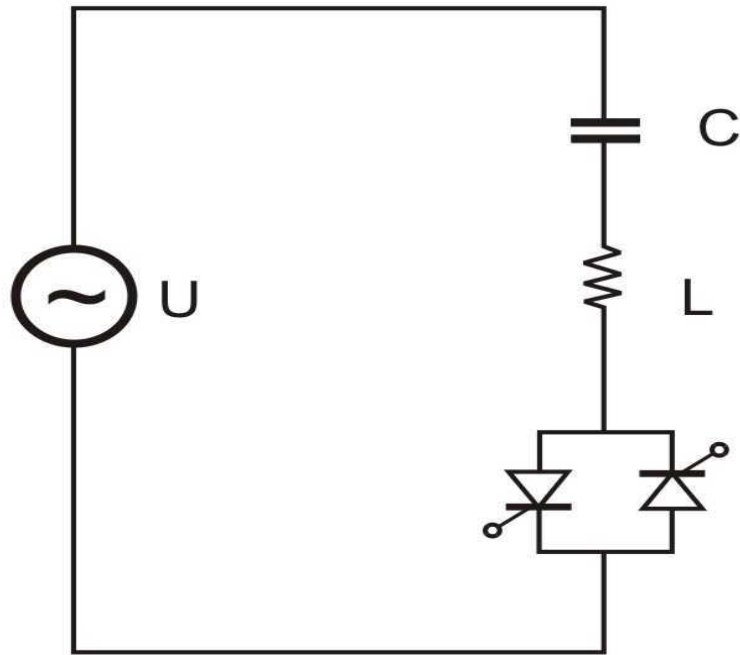
féloldali gyújtáskimaradás

$$i = \frac{1}{L} \int u dt$$

Alaptípusok TCR+FC



Alaptípusok TSC

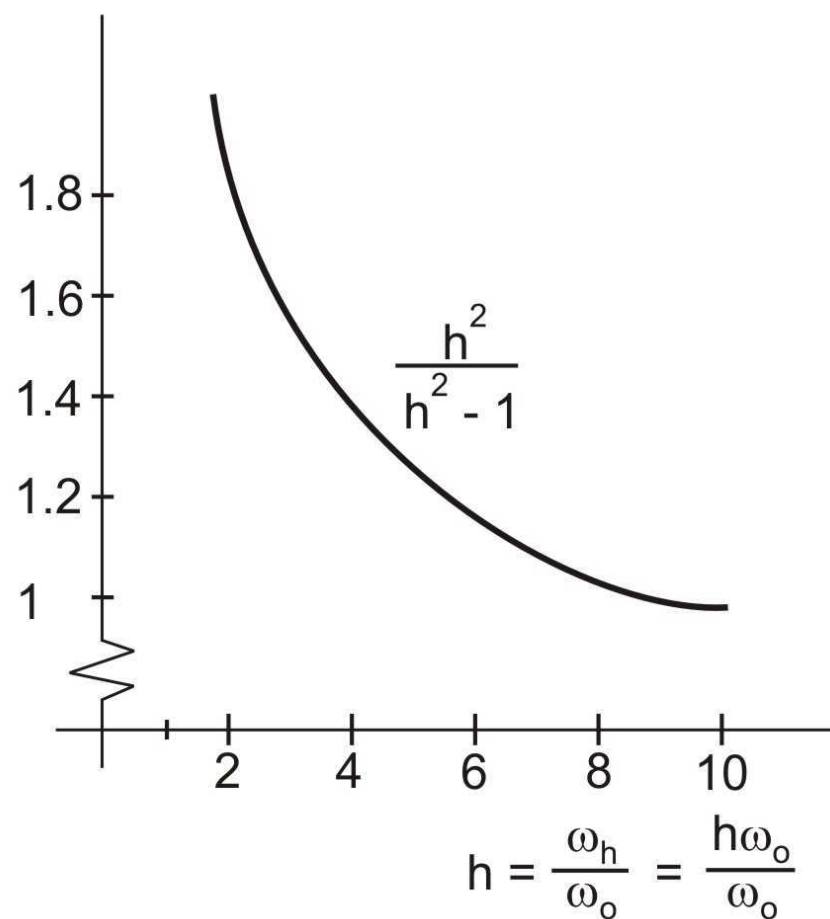


$$U = U_m \sin(\omega_0 t + \alpha)$$

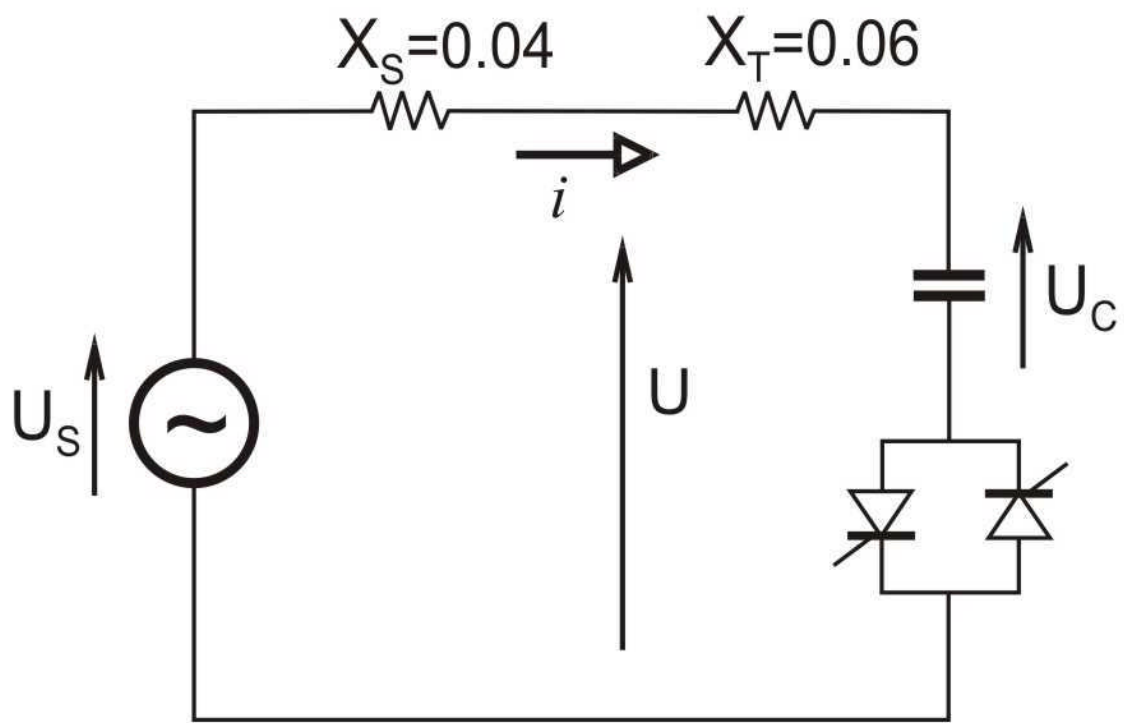
$$U_m \sin(\omega_1 t + \alpha) = Ri + L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \int i dt$$

$$i(t) = I_m \cos(\omega_1 t + \alpha) - h\omega_1 C \left(U_{c0} - \frac{h^2}{h^2 - 1} U_m \sin \alpha \right) \sinh \omega_1 t - I_m \cos \alpha \cosh \omega_1 t$$

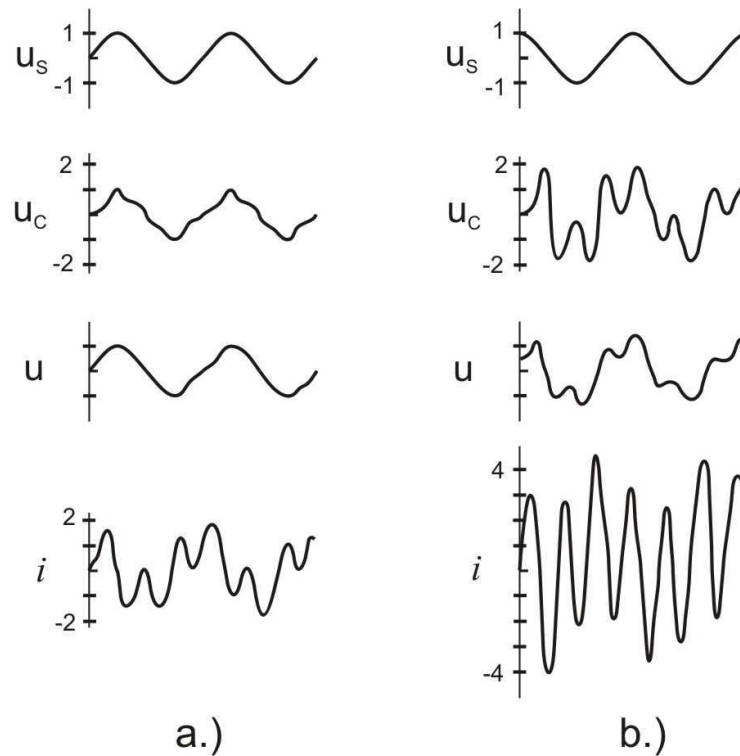
TSC elemek igénybevétele



Alaptípusok TSC



TSC üzeme

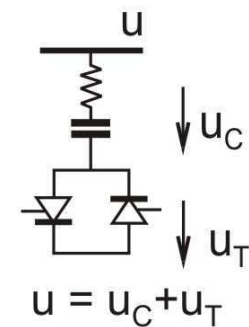
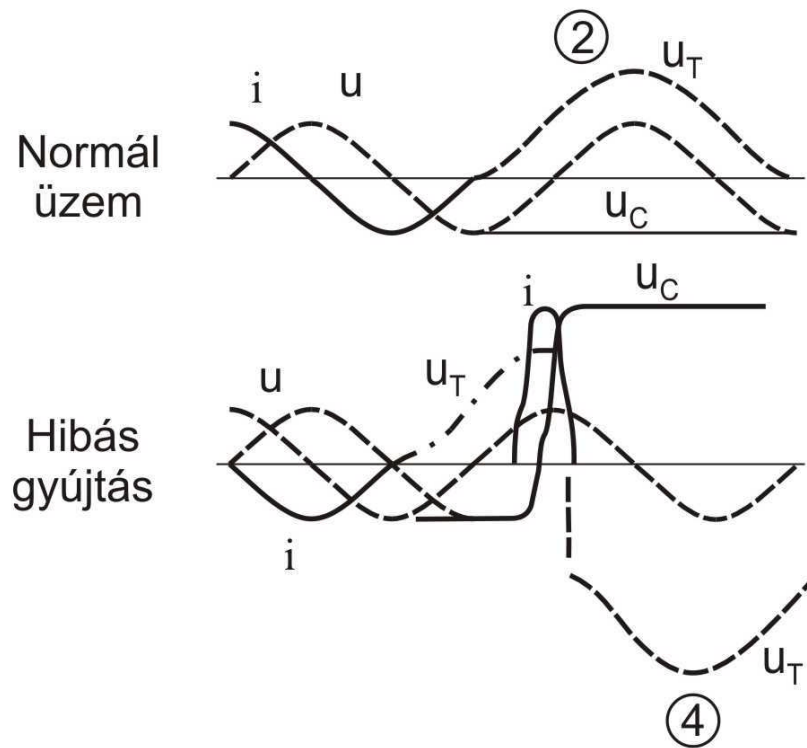


Kapcsolási tranziensek kisütött kondenzátorral

a.) Gyújtás, ha $u_{C0} = 0 = u$

b.) $dv/dt = 0$

TSC üzeme



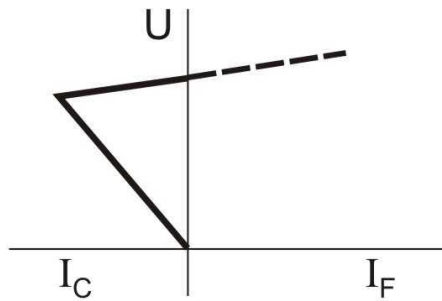
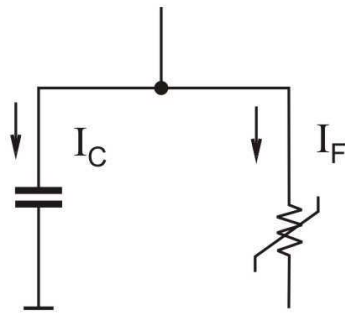
TSC

Hibás gyűjtás hatására

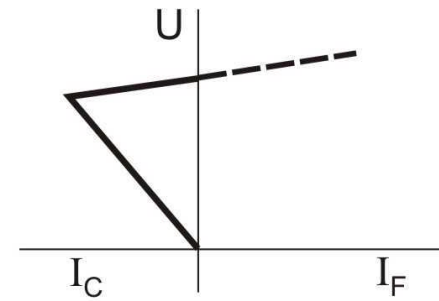
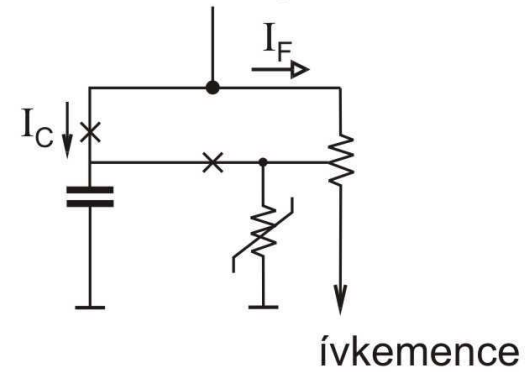
a tirisztoron fellépő túlfeszültség (tartós)

Telítődő fojtó

Telítődő fojtó

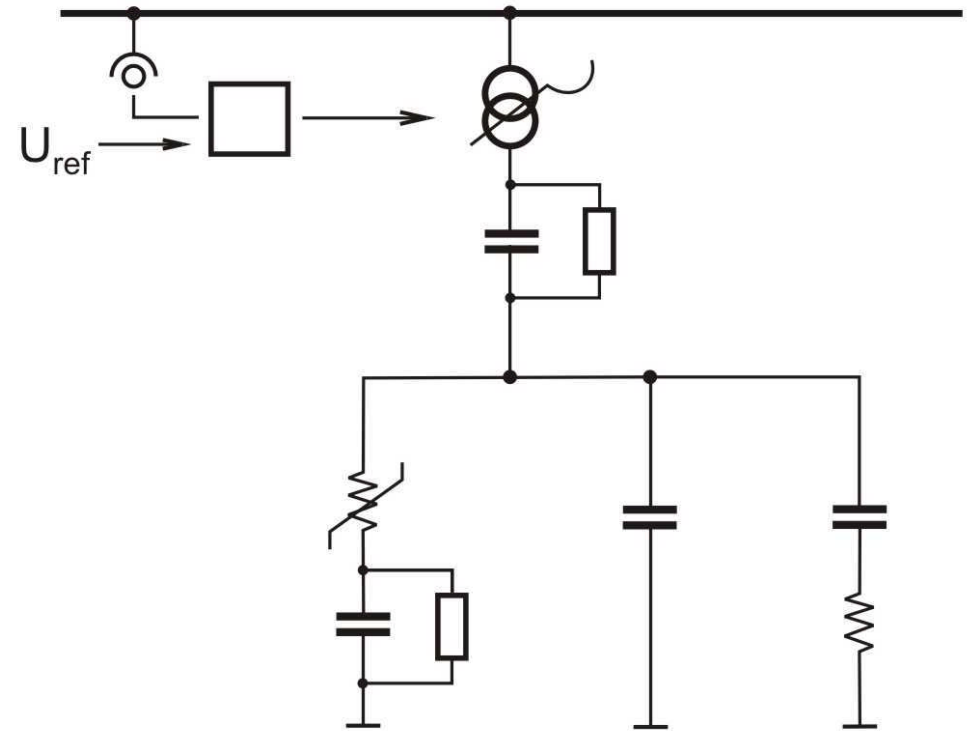
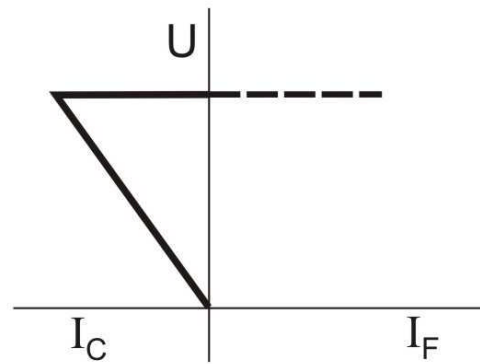
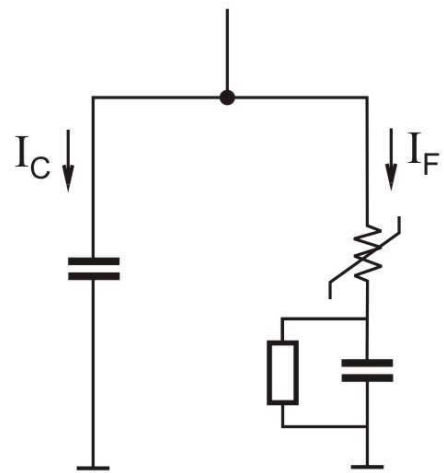


Telítődő fojtó
+ megcsapolásos
lineáris fojtó

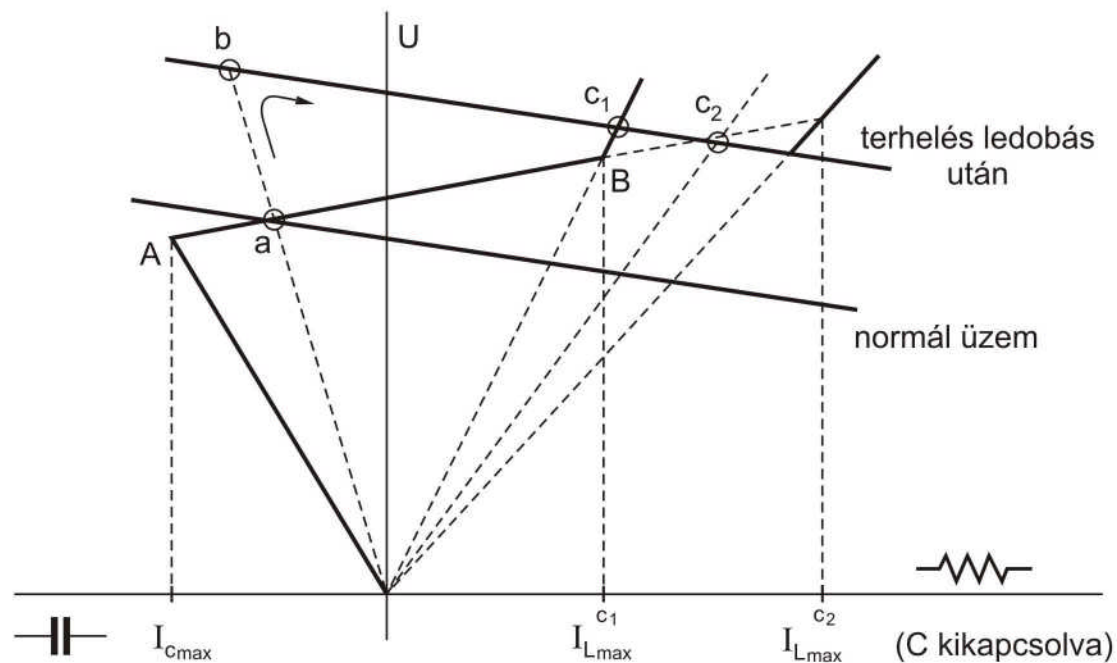
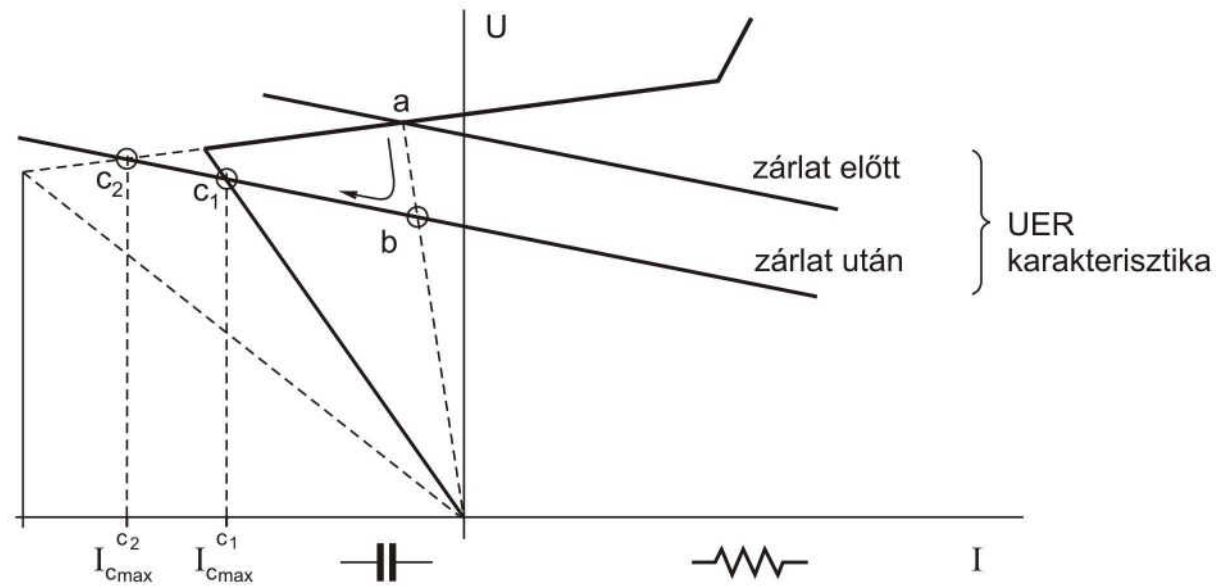


Telítődő fojtó

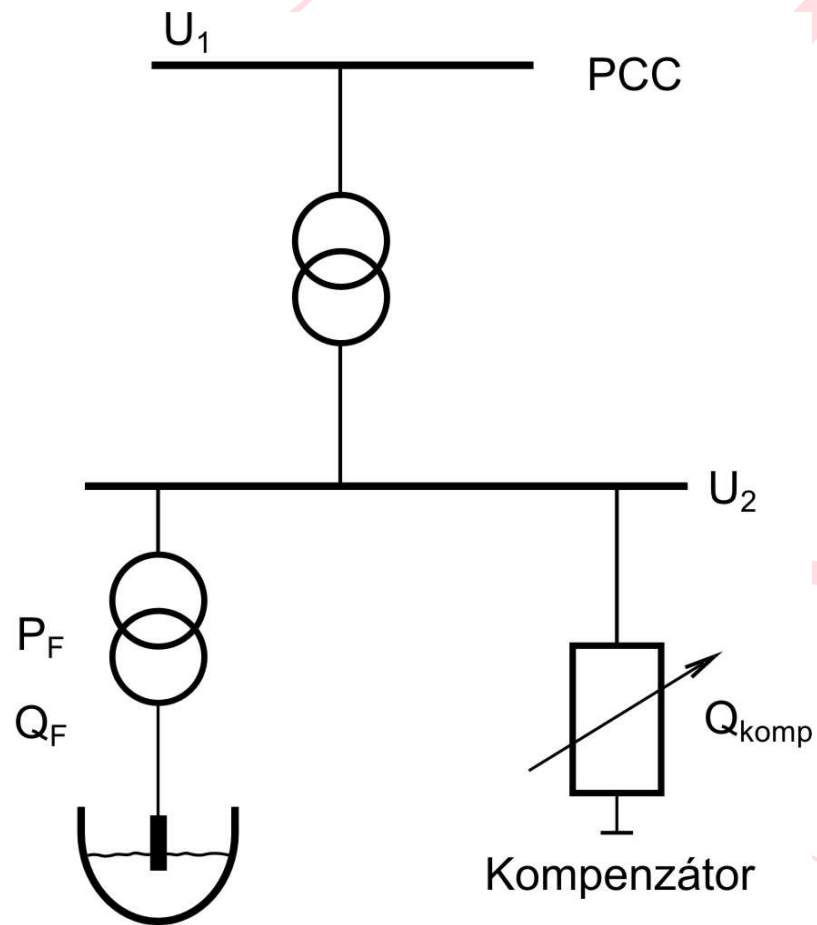
Telítődő fojtó meredekség korrekcióval



Tranziensek követése a karakterisztikákon

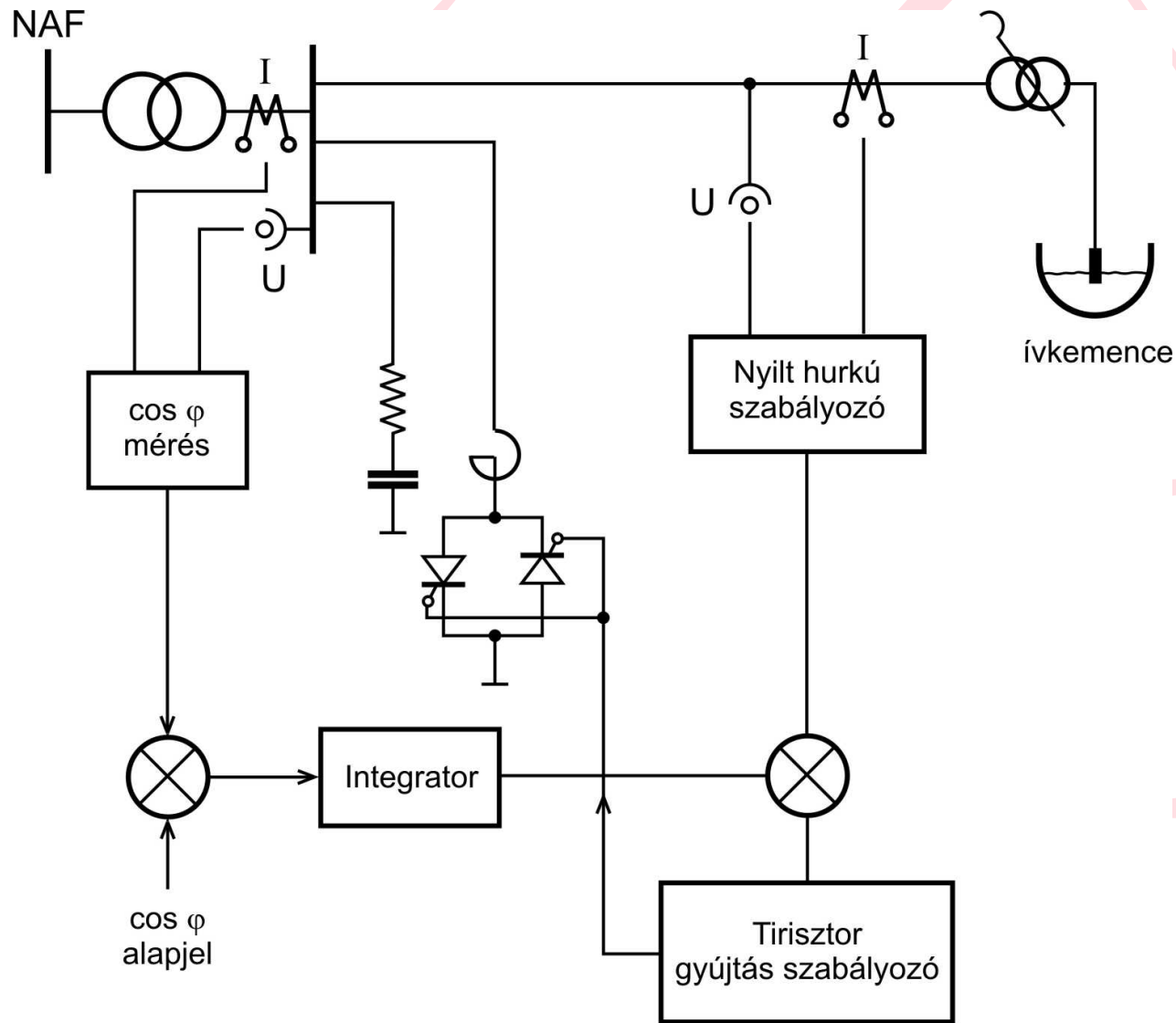


Alkalmazási területek

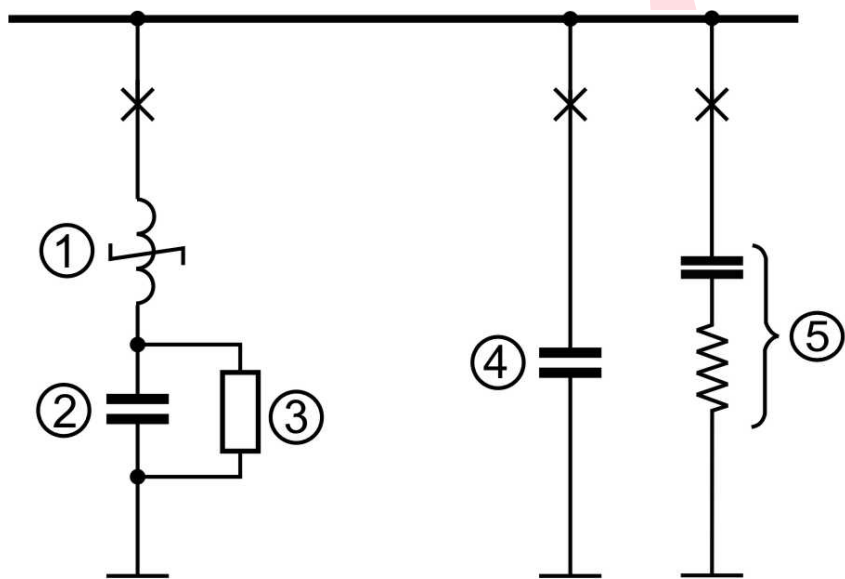


Villogást okozó
fogyasztó
(pl. ívkemence)

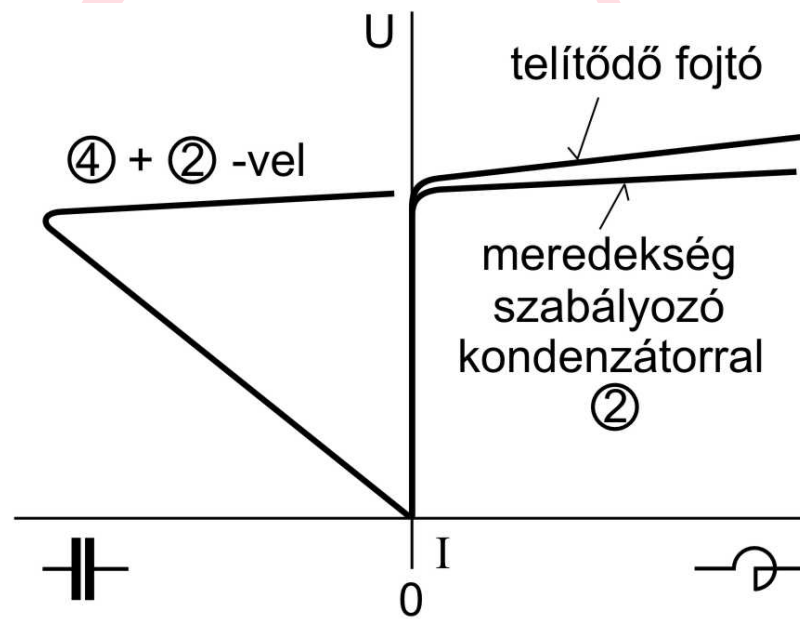
Alkalmazási területek



Telítődő fojtós kompenzátor, mint villogás kompenzátor

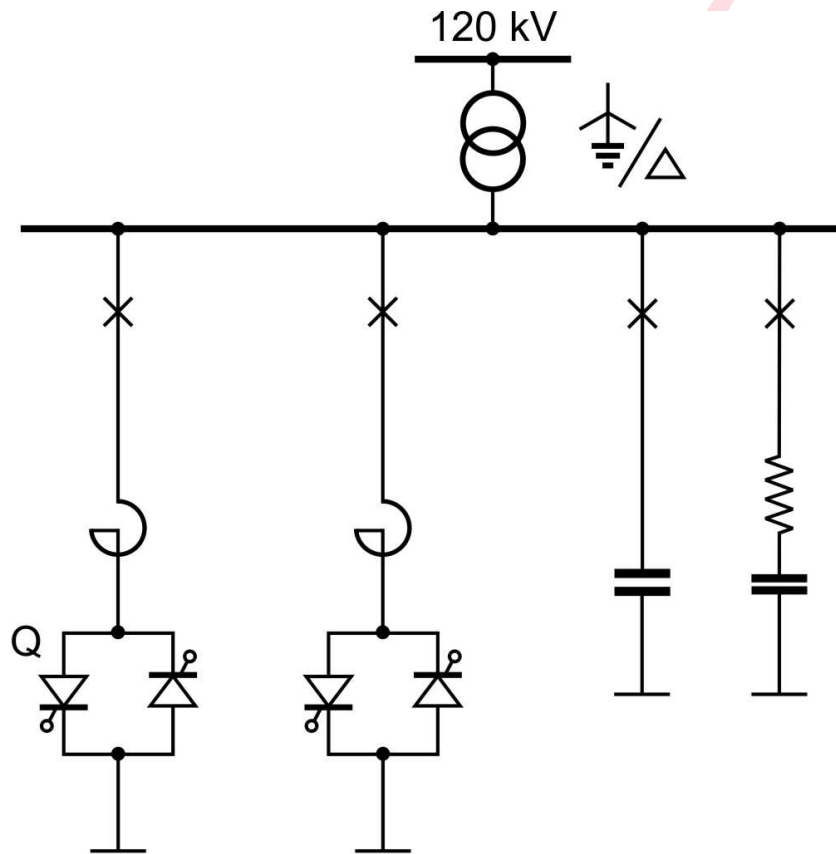


a.)

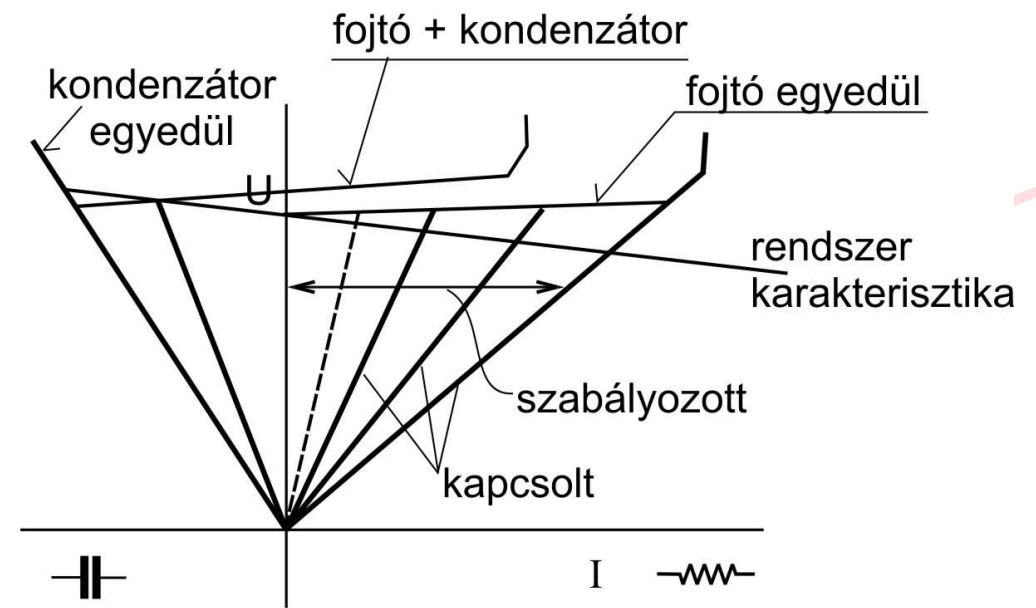


b.)

Alkalmazási megoldások

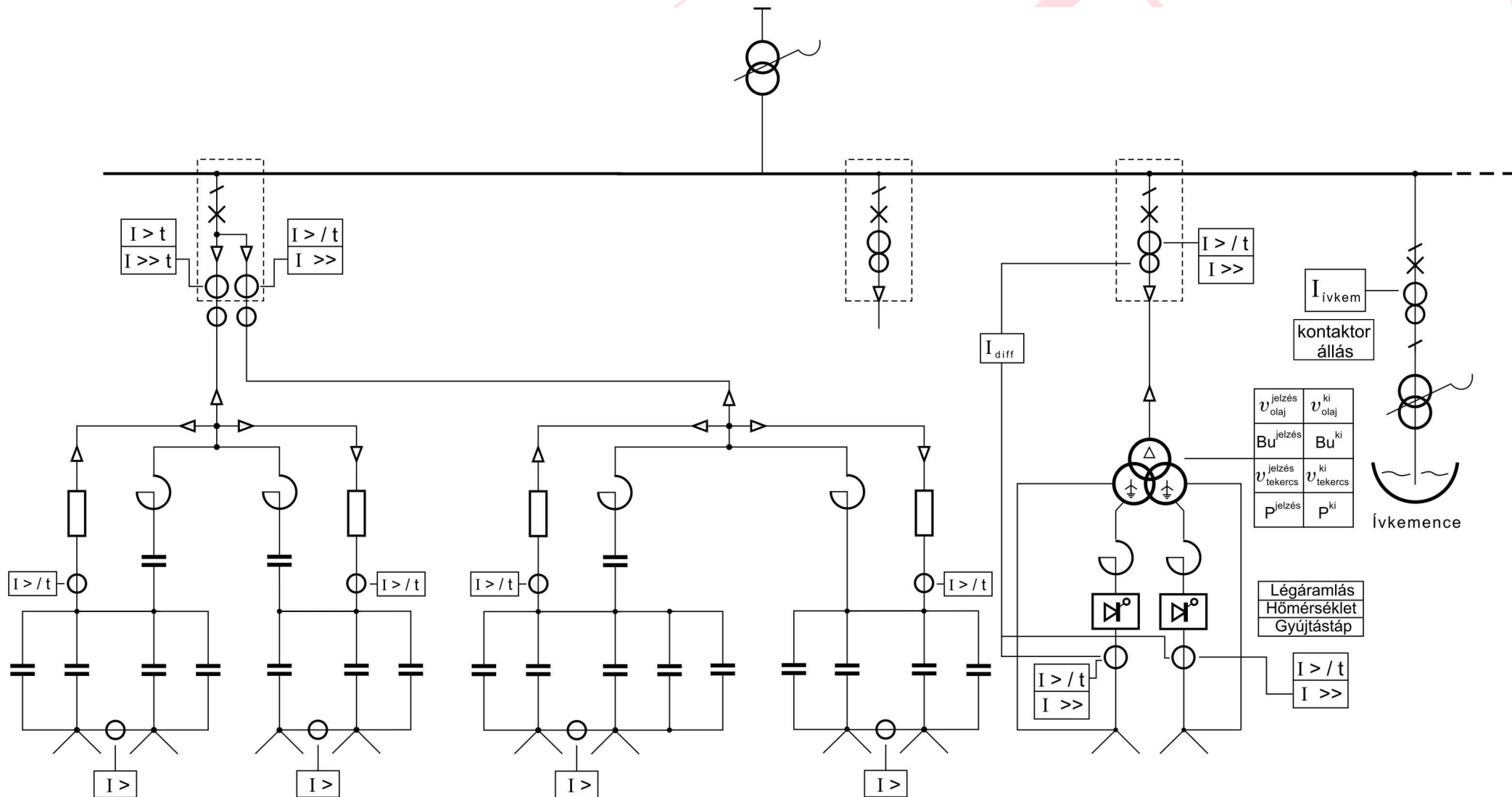


a.)

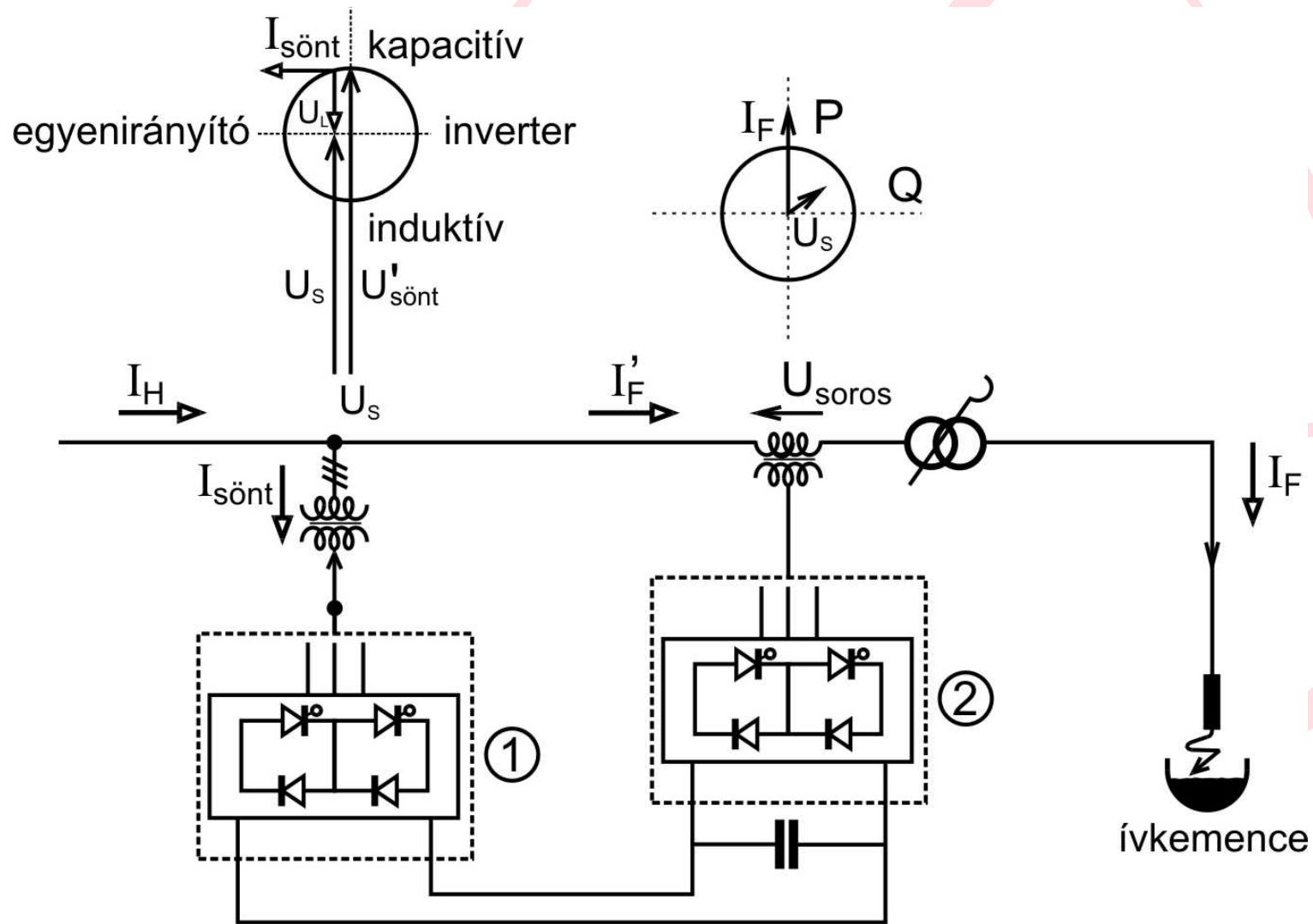


b.)

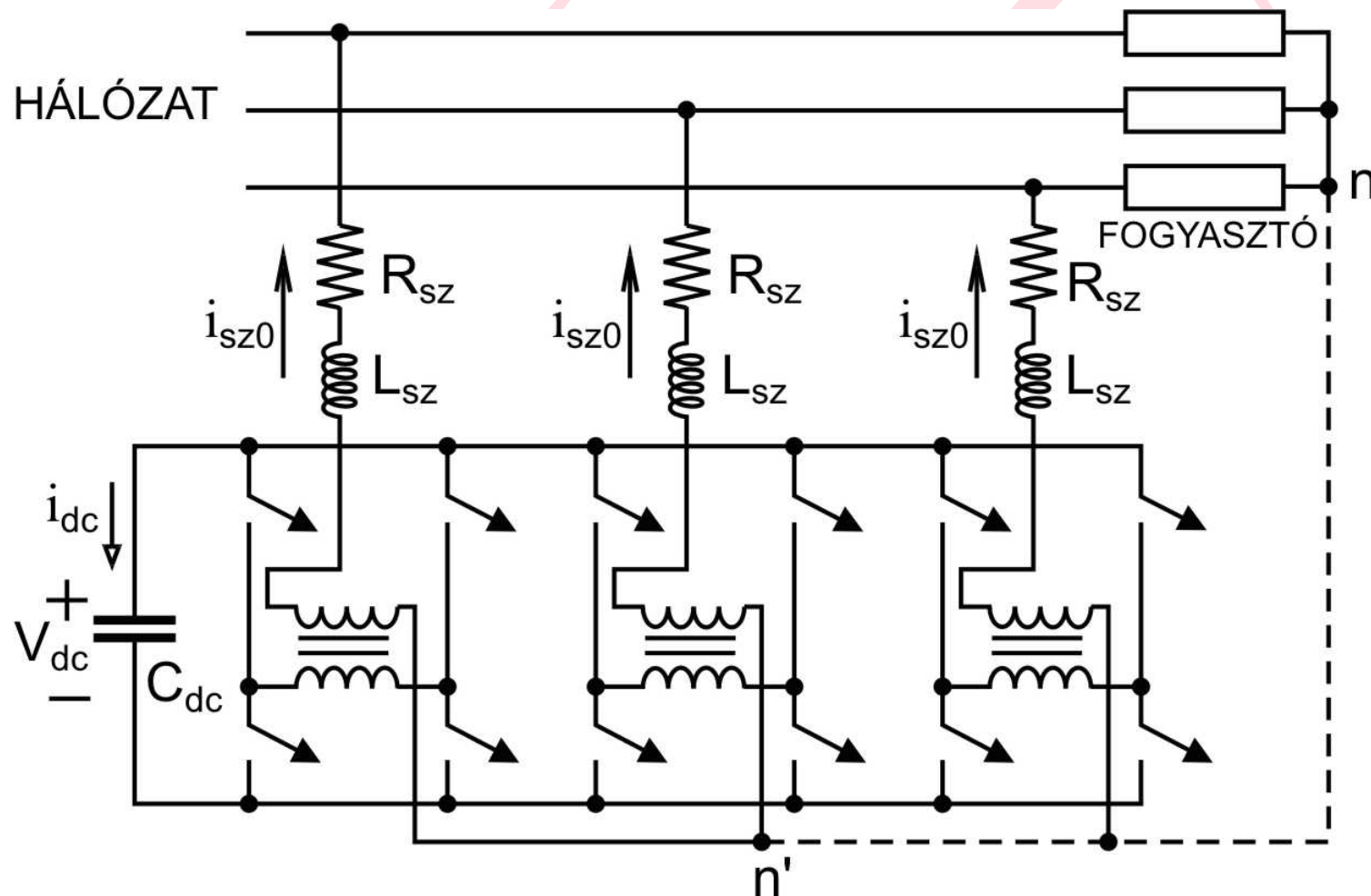
Alkalmazási területek



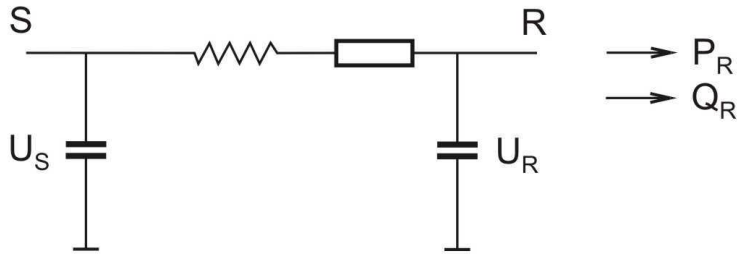
Alkalmazási területek



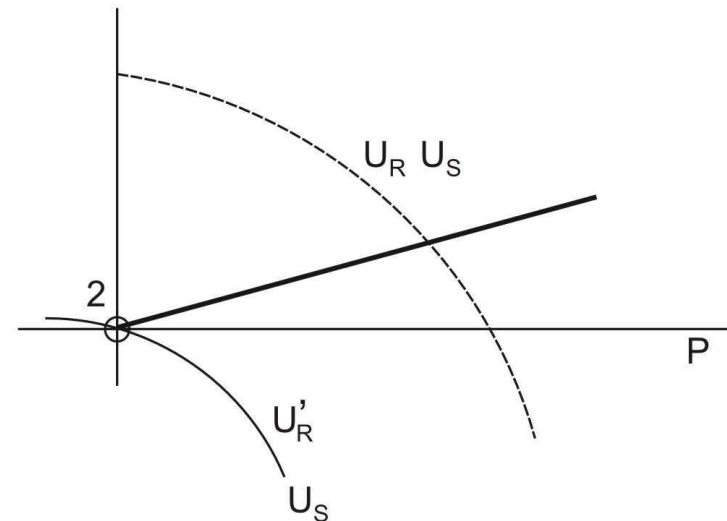
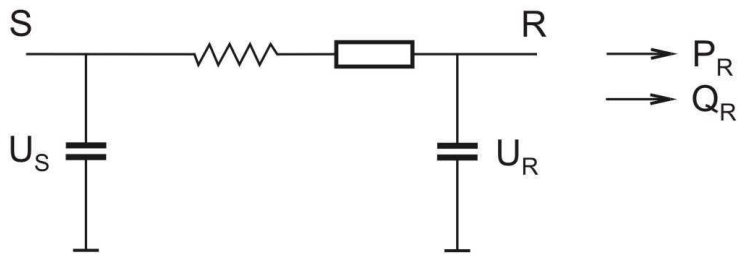
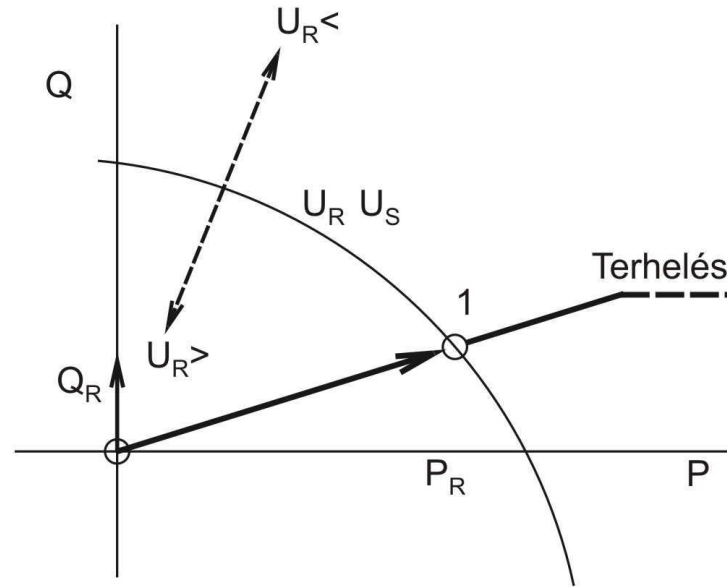
Aktív kompenzátor



Alkalmazási területek



$$\frac{U_R^2 A}{B} \frac{1}{\beta - \alpha} + \frac{U_S U_R}{B} \frac{1}{\beta - \theta}$$



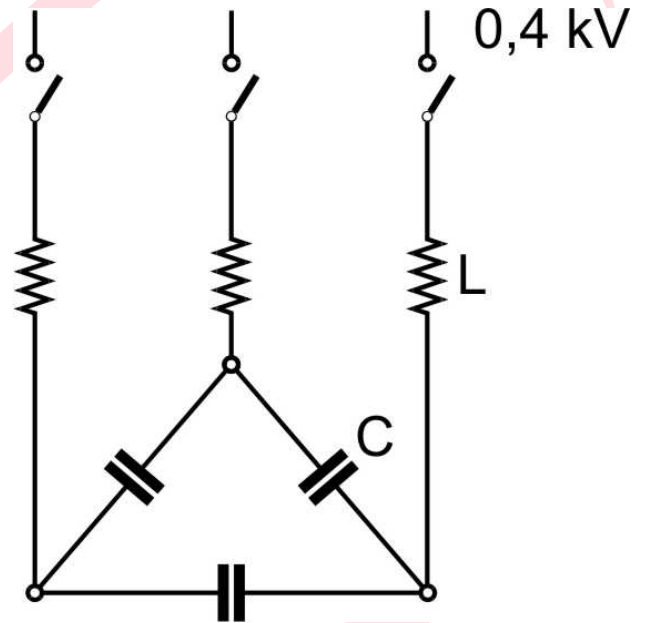
Kompenzálás kisfeszültségen

$$f_r^{(KÖF)} = \frac{1}{2\pi\sqrt{(L_{tr} + L)C}}$$

$$f^* = \frac{f_r^{(KÖF)}}{f_r^{(KIF)}} = \frac{2\pi\sqrt{LC}}{2\pi\sqrt{(L_{tr} + L)C}} \quad f^* = \frac{1}{\sqrt{L_{tr}/L + 1}}$$

$$f^* = \frac{1}{\sqrt{h^2 Q_C / S_Z + 1}}$$

$$Q_C / S_n = \left| \frac{1}{(f^*)^2} - 1 \right| = \left| \frac{1}{1.21} - 1 \right| \approx 0.1$$



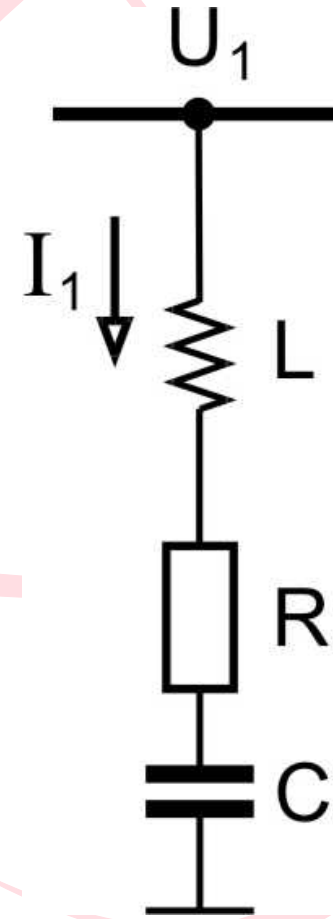
- a legkisebb kapcsolt kondenzátor egység alapharmonikus meddőteljesítménye a transzformátor névleges teljesítményének 10 %-a kellene legyen

L-C elemek igénybevétele

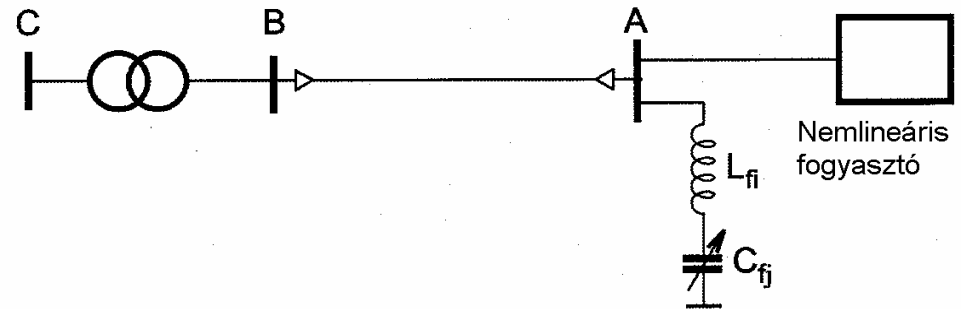
$$\frac{I_{sz1}}{I_{C1}} = \frac{U_1 \omega_1 C}{U_1 \omega_1 C} \frac{1}{\omega_1^2 LC - 1} = \frac{h^2}{h^2 - 1}$$

$$\frac{U_{sz1}^C}{U_{C1}} = \frac{h^2}{h^2 - 1}$$

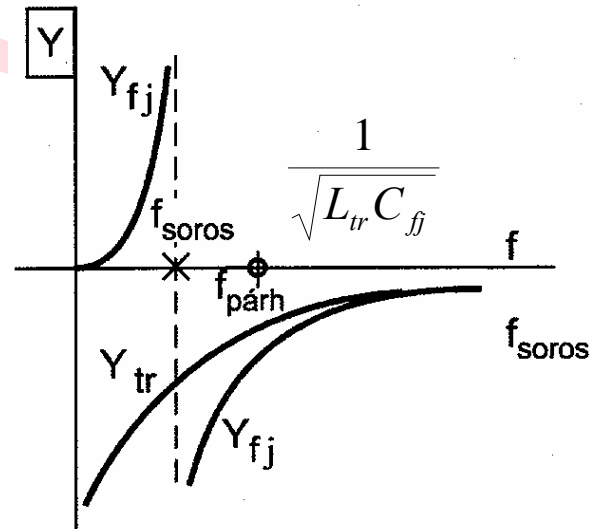
$$\frac{Q_{sz1}^C}{Q_1^C} = \left(\frac{h^2}{h^2 - 1} \right)^2$$



Előtét fojtó



$$f_{soros} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_{ff}C_{ff}}}$$



Bekapcsolási áram

- bekapcsolás feszültség maximumban ($\alpha=90^\circ$)

$$U_m \sin(\omega_1 t + \alpha) = Ri + L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \int i dt$$

$$i(t) = I_m \cos(\omega_1 t + \alpha) - h\omega_1 C \left(U_{c0} - \frac{h^2}{h^2 - 1} U_m \sin \alpha \right) \sinh \omega_1 t - I_m \cos \alpha \cosh \omega_1 t$$

$$i(t) = h\omega_1 C \frac{h^2}{h^2 - 1} U_m \sinh \omega_1 t$$

$$I_m = U_m \omega_1 C \frac{h^2}{h^2 - 1}$$

- $i(t)_{\max}/I_m = h$