

1. V, mA, k Ω , μ F, ms, $\frac{\text{krad}}{\text{s}}$ egységekben számolva

$$\begin{aligned} \text{a. } \bar{u}_1 &= 10, \quad \bar{i}_2 = 0 \\ 10 &= 4\bar{i}_1 + 2\bar{i}_1 \rightarrow \bar{i}_1 = \begin{cases} -3,45 \text{ mA} < 0 \\ 1,45 \text{ mA} \end{cases} \quad (1) \\ \bar{u}_2 &= 3\bar{i}_1 = 4,35 \text{ V} \end{aligned}$$

$$\boxed{\bar{u}_1 = 10 \text{ V}; \bar{u}_2 = 4,35 \text{ V}; \bar{i}_1 = 1,45 \text{ mA}; \bar{i}_2 = 0} \quad (2 \text{ pont})$$

$$\text{b. } R_{11} = \frac{\partial u_1}{\partial i_1} = 4 + 4\bar{i}_1 = 9,8 \text{ k}\Omega$$

$$\boxed{\underline{R} = \begin{bmatrix} 9,8 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \text{ k}\Omega} \quad (2 \text{ pont})$$

c.

$$\begin{aligned} \left. \begin{aligned} 0,5 &= 9,8\bar{I}_1 + 3\bar{I}_2 \\ -\frac{1}{j\omega C}\bar{I}_2 &= 3\bar{I}_1 + 4\bar{I}_2 \end{aligned} \right\} \begin{aligned} \bar{I}_1 &= 0,065 + j0,004 = 0,065e^{j0,07} \text{ (} 4^\circ \text{)} \\ \bar{I}_2 &= -0,045 - j0,015 = 0,047e^{-j2,83} \text{ (} -162^\circ \text{)} \end{aligned} \\ \bar{U}_2 &= -\frac{1}{j\omega C}\bar{I}_2 = j\bar{I}_2 = 0,015 - j0,045 = 0,047e^{-j1,26} \text{ (} -72^\circ \text{)} \end{aligned}$$

$$\boxed{\bar{u}_2(t) = 0,047 \cos(\omega t - 72^\circ) \text{ V}} \quad (3 \text{ pont})$$

$$\text{d. } \boxed{u_2(t) = \bar{u}_2 + \tilde{u}_2(t) = [4,35 + 0,047 \cos(\omega t - 72^\circ)] \text{ V}} \quad (0,5 \text{ pont})$$

2.

$$\text{a. } H(z) = \frac{2z - 1}{z^2 + 0,6z + 0,05} = \frac{5}{z + 0,5} + \frac{-3}{z + 0,1}$$

$$\boxed{h[k] = \varepsilon[k - 1] \{5(-0,5)^{k-1} - 3(-0,1)^{k-1}\}} \quad (2 \text{ pont})$$

$$\text{b. } H(e^{j0}) = 0,606; \quad H(e^{j\frac{\pi}{2}}) = 1,703 - j1,03 = 1,99e^{-j0,54}; \quad H(e^{j\pi}) = -6,667;$$

$$\boxed{y[k] = 0,606 + 0,995 \cos\left(\frac{\pi}{2}k + 0,25\right) + 1,333 \cos(\pi k + \pi)} \quad (3 \text{ pont})$$

$$\text{c. } u_1[k] = 1 \rightarrow y_1[k] = 0,606$$

$$u_2[k] = -\varepsilon[k] \rightarrow U_2(z) = \frac{-z}{z-1}$$

$$Y_2(z) = \frac{-z}{z-1} \cdot \frac{2z-1}{z^2+0,6z+0,05} = \frac{-0,606}{z-1} + \frac{-1,667}{z+0,5} + \frac{0,272}{z+0,1}$$

$$y_2[k] = \varepsilon[k-1] \{-0,606 - 1,667(-0,5)^{k-1} + 0,272(-0,1)^{k-1}\}$$

$$\text{esetleg } y_2[k] = \varepsilon[k] \{-0,606 + 3,333(-0,5)^k - 2,72(-0,1)^k\}$$

$$y[k] = y_1[k] + y_2[k]$$

$$\boxed{y[k] = 0,606 + \varepsilon[k-1] \{-0,606 - 1,667(-0,5)^{k-1} + 0,272(-0,1)^{k-1}\}} \quad (2,5 \text{ pont})$$

Név : []	Nyitány kód : []
Állás : []	Pontszám : 15

1. Adja meg az $x(t) = 1$ jel spektrális, illetve időbeli, ha nem ismeri!

$$X(\omega) = 2\pi\delta(\omega)$$

2. Határozza meg az $x(t) = A e^{-\alpha t}$, $\alpha \in \mathbb{R}$, időfüggvény sűrűségét, ha az angulárisfrekvencia tartományának 10%-át kiadja az átlagos teljesítmény!

$$\Delta\omega = \sqrt{50\alpha}, \alpha \text{ [rad/s]}$$

3. Elhatárolja, hogy a $X(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1+\omega^2}}$ [szorzóval való] anguláris-frekvencia-jelre vonatkozó átlagos teljesítmény sűrűségét azonosították-e azonosított tartományon $\omega = 1, \omega \in \mathbb{D}, 0 \leq \Delta\omega$ tartományon $\alpha = 0,1$ [10%], $\alpha \in \mathbb{D}, \omega$! Választás időbeli! [Szűrés: $\frac{1}{\sqrt{1+\omega^2}} = \frac{1}{2} e^{-|\omega|}$]

$$X(0,9) = 0,888 > \frac{1}{2}, \text{ sűrűsége } K(2) = 0,128 \neq 0,1, \text{ így nem felel meg.}$$

4. Az $f(t)$ jel Laplace-transzformáltja $F(s)$. Írja fel az $f'(t)$ jel Laplace-transzformáltját (deriváltjánakét)

$$C(F'(t)) = sF(s) - f(0)$$

5. Definiálja a diszkrét idejű egyenlőségű függvény!

$$\delta[k] = \begin{cases} 1, & k = 0 \\ 0, & k \neq 0 \end{cases}$$

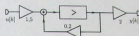
6. Milyen átlagos teljesítményű jel az $x(t) = 4 \cdot \cos(1,6\pi t)$ jel kiegészítő, ha a maximális 2%-át kiadja az átlagos teljesítménynek az az időbeli tartomány?

$$0,9 \leq 0,92 \rightarrow \frac{\ln 0,92}{\ln 0,9} = 37,13 \text{ tehát } 0,9 \leq k \leq 37$$

7. Rajzoljon fel a diszkrét idejű lépcsős jelre vonatkozó, és adja meg a karakterisztikáját az időtartományban!



8. Egy DT rendszer ábratranszformáció $x[n+1] = 0,2x[n] + 1,5x[n]$ és $y[n] = 2x[n]$. Rajzoljon el az ábratranszformációt, amely ezt megvalósítja!



9. Adja meg az $x[n] = 3,5 \cos[\pi n - 1]$ DT jel komplex amplitúdóját (komplex értéket)!

$$X = 3,5e^{j(\pi - 1)} = 2,475 - j2,075$$

10. Írja fel a DT jel spektrális sűrűségét, $X(\omega) = X_1(\omega)X_2(\omega)$ összefüggés az időtartományban (a DT Fourier-transzformációk konvolúció-sablon)

$$|X(\omega)| = \sum_{-\infty}^{\infty} x_1[n]x_2[n-k] \cdot e^{-j\omega k}$$

11. FIR típusú az a rendszer, amelynek rendszámra $y[n] = 0,5x[n-1] = 2x[n-1] - 0,2x[n-2]$ Választás időbeli!

$$\text{Mivel } H(\omega) = 2z^{-1} \rightarrow A(\omega) = 2(e^{-j\omega} - 1) \text{ tehát FIR típus.}$$

12. Határozza meg az $x[k] = \delta[k + 1]$ jel s -transzformációját!

$$X(s) = 0$$

13. Egy DT jel s -transzformáltja $X(s) = \frac{s-1}{s^2 + 0,2s + 0,6}$ Határozza meg a jel értékét $k = 0$ időpillanatban!

$$x[0] = 0$$

14. Egy FI rendszer vétele az $x_c(t) = x(t) \cdot \cos(2\pi \cdot 1000 \cdot t)$ jelre. Milyen a rendszer kiegészítő DT ábratranszformáció vétele az $x_d[k] = x[k]$ jelre, ha a mintavétel periódusidője $T = 0,1$?

$$|x_d[k]| = |x[k]| \cdot (2 - \cos(2\pi \cdot 1000 \cdot T)) \cdot e^{-j\omega k} \approx 0,306$$

15. Egy analízis vétele felvételben karakterisztikáján az első egyenlőségű jelképe $\omega = \sqrt{2}$ alakú. Adja meg a diszkrét idejű jelre vonatkozó formációt, és ezek felhasználásával írja fel a vétele sűrűségét az átlagos teljesítményre vonatkozóan!

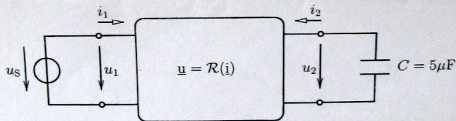
$$x_k = \frac{\partial y}{\partial t} = \frac{\partial x}{\partial t} \cdot \frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial x}{\partial t} \cdot \frac{\partial y}{\partial x} \quad I_k = \frac{1}{2} \cdot \frac{\partial y}{\partial x}$$

1. Az ábrán látható nemlineáris, rezisztív kétkapu primer oldalát feszültségforrás, szekunderét kondenzátor zárja le. A kétkapu karakterisztikája V, mA egységekre kifejezve:

$$\left. \begin{aligned} u_1 &= 4i_1 + 2i_1^2 + 3i_2 \\ u_2 &= 3i_1 + 4i_2 \end{aligned} \right\} i_1 > 0$$

A feladat az $u_2(t)$ feszültség-időfüggvény meghatározása az $u_S(t) = [10 + 0,5 \cos(\omega t)]\text{V}$, $\omega = 0,2 \frac{\text{krad}}{\text{s}}$ gerjesztésre, munkaponti linearizálással. Kizárjuk azokat a megoldásokat, amelyekben $i_1 \leq 0$.

- Határozza meg a feltételnek megfelelő munkapontot, és adja meg az u_1, u_2, i_1, i_2 mennyiségek munkaponti értékét! (2 pont)
- Adja meg a linearizált kétkapu dinamikus ellenállás-paramétereit az adott munkapontban! (2 pont)
- Számítsa ki a válaszjel szinuszos összetevőjét a linearizált hálózat segítségével! (3 pont)
- Írja fel a válasz időfüggvényét! (0,5 pont)



2. Egy lineáris, invariáns, kauzális, diszkrét idejű rendszer átviteli karakterisztikája:

$$H(e^{j\theta}) = \frac{2e^{-j\theta} - e^{-j2\theta}}{1 + 0,6e^{-j\theta} + 0,05e^{-j2\theta}}$$

- Határozza meg az impulzusválaszt! (2 pont)
- Számítsa ki a rendszer válaszát, ha a gerjesztés $u[k] = 1 + 0,5 \cos\left(\frac{\pi}{2}k + \frac{\pi}{4}\right) + 0,2 \cos(\pi k)$! (3 pont)
- Számítsa ki a rendszer válaszát, ha a gerjesztés $u[k] = 1 - \varepsilon[k]$! (2,5 pont)