

**Elektromágneses terek (VIHVA204)**

2010.12.22.

Név:	Javítási példány	Jó:	10	Javitó:
NEPTUN:		Rossz:	0	EVT
Aláírás:		$\sum$	10	

Feladatonként +1, 0 vagy -1 pont szerezhető. Karikázza be a helyes válasz betűjelét!

1. Egy  $R$  sugarú gömb egyenletes  $\rho$  térfogati töltéssűrűséggel töltött. Adja meg az elektromos eltolás nagyságát a középponttól  $2R$  távolságban!

a)  $\frac{R\rho}{12\pi}$

b)  $\frac{R\rho}{12}$

c)  $\frac{R\rho}{6}$

d)  $\frac{\rho}{16R^2\pi}$

2. Levegőben áll egy 20 cm sugarú fémgömb, amelyet egyenletes 3 cm vastagságú, 4,5 relatív dielektromos állandójú szigetelő réteg borít. Adja meg a gömb kapacitását a végtelen távoli pontra vonatkoztatva!

a) 24,8 pF

b) 84,9 pF

c) 100,1 pF

d) 115,2 pF

3. Homogén,  $150 \text{ S/m}$  fajlagos vezetőképességű közegben két 3 cm sugarú gömb elektróda helyezkedik el, egymástól  $0,5 \text{ m}$  távolságban. Az egyik elektródából  $8 \text{ A}$  áram folyik ki, a másik  $8 \text{ A}$  áramot nyel el. Adja meg az elektródák közötti feszültséget!

a) 145 mV

b) 266 mV

c) 290 mV

d) 133 mV

4. Egy  $R$  sugarú kör alakú vezetőhurok középpontjában, vele egy síkban egy  $a$  oldalhosszúságú négyzet alakú vezetőhurok helyezkedik el ( $a \ll R$ ). Adja meg a vezetőhurkok kölcsönös induktivitását a Biot-Savart törvény használatával! A négyzeten belül a mágneses tér közelíthető annak középpontbeli értékével.

a)  $\mu_0 \frac{a^2}{2R\pi}$

b)  $\frac{a^2}{2R}$

c)  $\mu_0 \frac{a^2}{2R}$

d)  $\mu_0 \frac{a^2}{R^2\pi}$

5. Ideális, minden két végén szakadással lezárt távvezetéken rezonancia alakul ki. A létrejövő  $\lambda_g$  hullámhosszú feszültség és áram állóhullámok közötti időbeli faziskülönbség  $\Delta\varphi$ , a térbeli eltolás  $\Delta x$ . Melyik állítás az igaz az alábbiak közül?

a)  $\Delta\varphi = 0, \Delta x = \frac{\lambda_g}{2}$

b)  $\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}, \Delta x = \frac{\lambda_g}{2}$

c)  $\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}, \Delta x = 0$

d)  $\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}, \Delta x = \frac{\lambda_g}{4}$

6. Egy  $R$  ellenállású zárt vezetőkeret fluxusa a  $0 < t < T$  időtartományban ismert  $\Phi(t)$  függvény szerint változik. Fejezze ki a  $0 < t < T$  időtartam alatt a vezetőkeretben disszipálódó energiát!

a)  $\frac{1}{R} \int_0^T \frac{d^2\Phi}{dt^2} dt$

b)  $\frac{1}{RT} \int_0^T \Phi^2 dt$

c)  $\frac{1}{R} \int_0^T \left( \frac{d\Phi}{dt} \right)^2 dt$

d)  $\frac{1}{R} \int_0^T \frac{d\Phi}{dt} dt$

7. Szigetelő anyagból a végtelen vezető felületre merőlegesen síkhullám esik. A vezető közeg hullámimpedanciája  $(40 + j40)\text{m}\Omega$ , a határfelületen az elektromos térerősség amplitúdója  $1,2 \text{ V/m}$ . Adja meg a határfelület  $3 \text{ m}^2$  keresztmetszeten átáramló hatásos teljesítményt!

a) 27 W

b) 54 W

c) 13,5 W

d) 18 W

8. Levegőben álló,  $0,5Z_0$  hullámimpedanciájú ( $Z_0$  a levegő hullámimpedanciája), ideális szigetelő lemez felületére merőlegesen esik egy síkhullám. Fejezze ki a beesés felőli lemczfelszínén az elektromos térerősség amplitúdóját, ha a lemez vastagsága a lemezben mért hullámhossz nyolcada, továbbá a másik lemezfelszínén az elektromos térerősség amplitúdója  $E_2$ !

a)  $\sqrt{\frac{5}{2}} E_2$

b)  $\frac{5}{\sqrt{2}} E_2$

c)  $2E_2$

d)  $\frac{\sqrt{5}}{2} E_2$

9. Hertz-dipólus távolterében, az antennától  $1400 \text{ m}$  távolságban, az antenna tengelytől mért  $60^\circ$ -os szög alatt a Poynting-vektor időátlagának nagysága  $300 \mu\text{W/m}^2$ . Mekkora az antenna által elsugárzott összteljesítmény? (Az antenna irányhatása 1,5)

a) 6,57 kW

b) 5,69 kW

c) 3,28 kW

d) 4,93 kW

10. Egy téglalap keresztmetszetű csőtápvonal oldalai illeszkednek az  $x = 0, x = a, y = 0$  és  $y = b$  síkokra. Az alábbiak közül melyik lehet az elektromos térerősség  $z$  komponensének komplex amplitúdója a  $z = 0$  síkban, valamely TM módus esetén?

a) 0

b)  $E_0 \sin \frac{\pi x}{a} \sin \frac{\pi y}{b}$

c)  $E_0 \sin \frac{2\pi x}{a}$

d)  $E_0 \sin \frac{\pi x}{a} \cos \frac{\pi y}{b}$