

MÉRÉSI JEGYZŐKÖNYV (TÁVOKTATÁSI VERZIÓ)**A mérés tárgya:** Rendszer-identifikáció és szabályozás (8. mérés)

A mérést végzi: Veszelyi Bence Balázs (V3UWB0)

Mérőcsoport: H12, 41

A mérés időpontja: 2021-03-01

Feladat sorszáma: 32

Neptun kód első karaktere	A feladat sorszáma (index)
0	1
1	2
2	3
3	4
4	5
5	6
6	7
7	8
8	9
9	10
A	11
B	12
C	13
D	14
E	15
F	16
G	17
H	18

Neptun kód első karaktere	A feladat sorszáma (index)
I	19
J	20
K	21
L	22
M	23
N	24
O	25
P	26
Q	27
R	28
S	29
T	30
U	31
V	32
W	33
X	34
Y	35
Z	36

Felhasznált eszközök

Matlab Live Script

rendszeridentifikacio.mlx

Matlab Simulink modellek

 identifikaciohoz.slx
 szimulaciohoz_diszkret.slx
 szimulaciohoz_folytonos.slx
 szabalyozashoz.slx

A fájlok letölthetők a tárgy honlapjáról (bejelentkezés után):

<https://www.mit.bme.hu/oktatas/targyak/vimiac13/8-meres-rendszer-identifikacio-es-szabalyozas>

A normál mérés során használt szakaszt az alábbi videó mutatja be:

<https://web.microsoftstream.com/video/e29b08db-13fc-45a4-8ae0-45e3bb34a30e>

Mérési feladatok

A számítógépen indítsa el a Matlabot.

A Matlabban állítsa be a megfelelő munkakönyvtárat, és nyissa meg a rendszeridentifikacio.mlx Live Scriptet.

Ellenőrizze, hogy a munkakönyvtárban megtalálható-e a méréshez szükséges négy Simulink modell (identifikaciohoz.slx, szimulaciohoz_diszkret.slx, szimulaciohoz_folytonos.slx, szabalyozashoz.slx).

1. Ismeretlen lineáris rendszer identifikációja és szabályozása állapottérbeli módszerekkel (kötelező feladat)

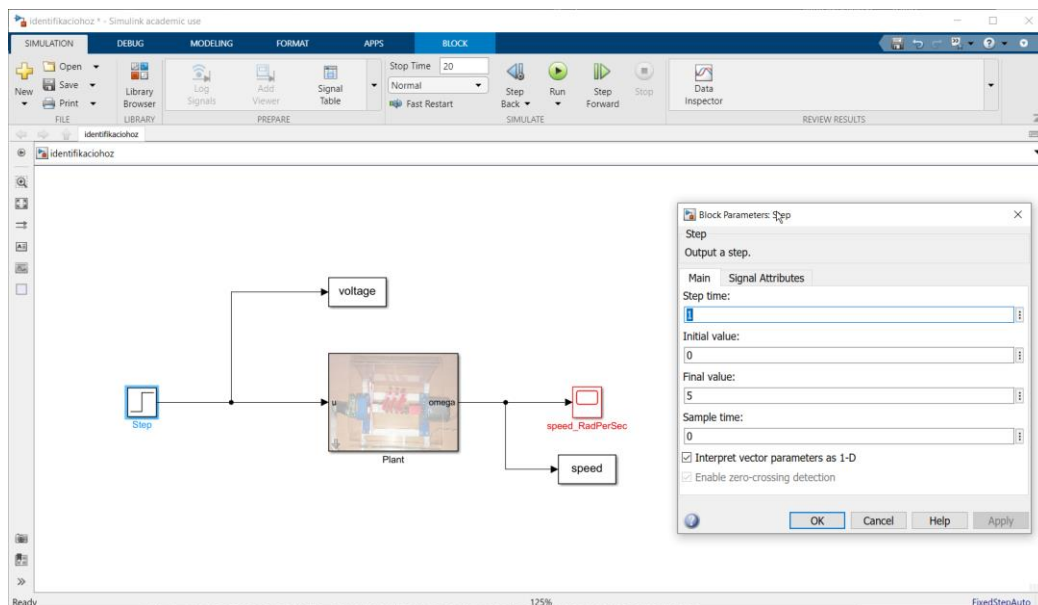
1.1. A szakasz analízise.

A mérés elején nézze meg a szakaszt és a feladatot röviden bemutató videót.

1.1.1. A rendszeridentifikacio.mlx Live Script első szekciójának futtatása. (Ebben beállításra kerül a mintavételi idő. Az egyéni feladat sorszámát is itt kell megadni.) Automatikusan megnyílik az identifikaciohoz.slx Simulink modell.

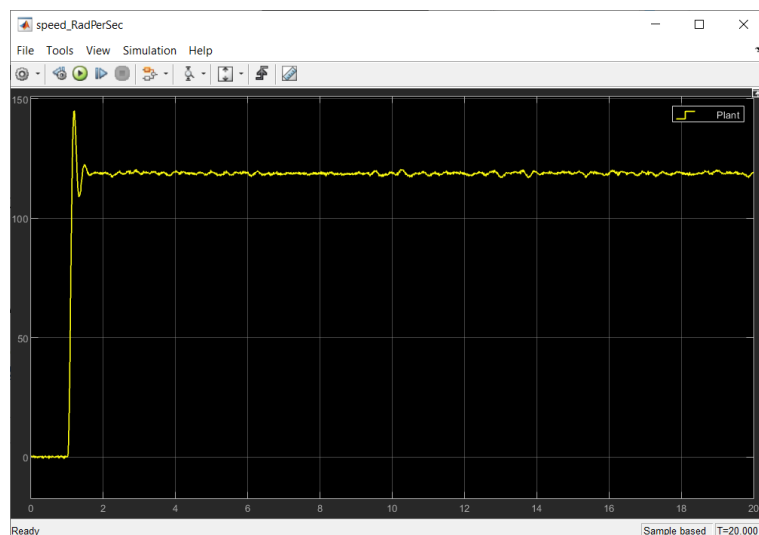
1.1.2. A szakasz bemenetére megfelelő blokk bekötése ugrásválasz felvétele érdekében (Step típusú bemenet). Normal módú futtatás.

A megfelelő fájlok megnyitása és az index beállítását követően, az első ugrásjelet ráadtam a szakasz bemenetére (0→5 V):

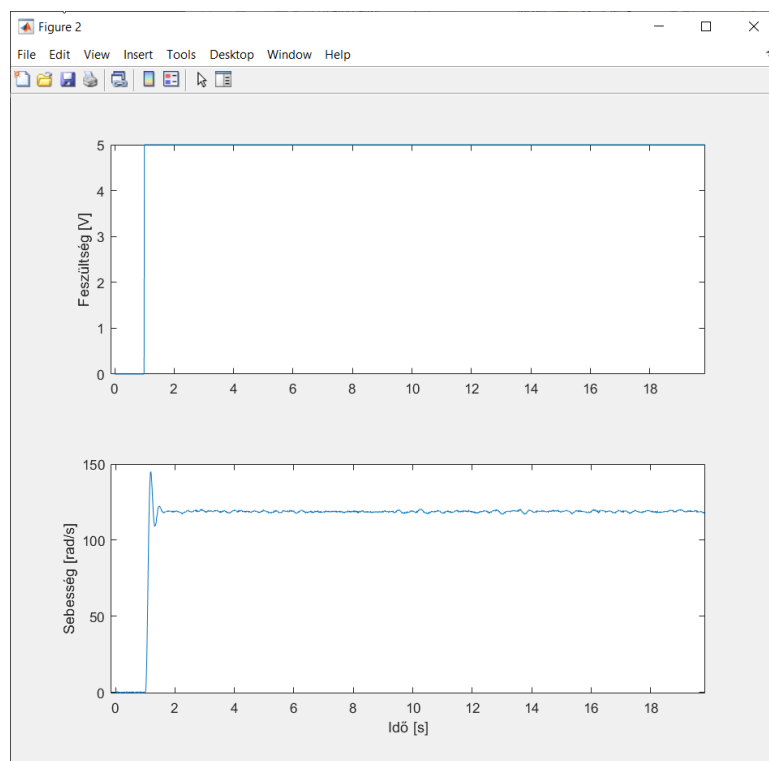


1.1.3. A szakasz ugrásválaszának előállítása: bemeneti feszültség 0-ról 5V-ra állítása, tranziens elmentése. Szakasz kimenetének vizsgálata.

Az eredmény a következő volt:



A második matlab szekció ki is rajzolta:



T_{kezdo} -nek 1-et, T_{veg} -nek pedig 1.8-at választottam az ábra alapján.

1.1.4. A szakasz statikus erősítésének és a kéttárolós lengőtagot is tartalmazó szakasz csillapítatlan sajátfrekvenciájának (ω_0), időállandójának ($T_\omega = 1/\omega_0$) és csillapításának (ξ) becslése.

A harmadik matlab szekció által kirajzolt sebesség-író grafikonnak segítségével meghatároztam T_m -et, 0.18 s-re adódott, majd ezen a ponton leolvastam a v_{max} -ot, amely 144.76 rad/s. A v_{∞} -re pedig 119-et becsültem.

A becsült paraméterekből következtetve a $\Delta v=0.2165$, ebből kiszámolható ζ és T_m segítségével w_0 . Matlab segítségével számoltam ki.

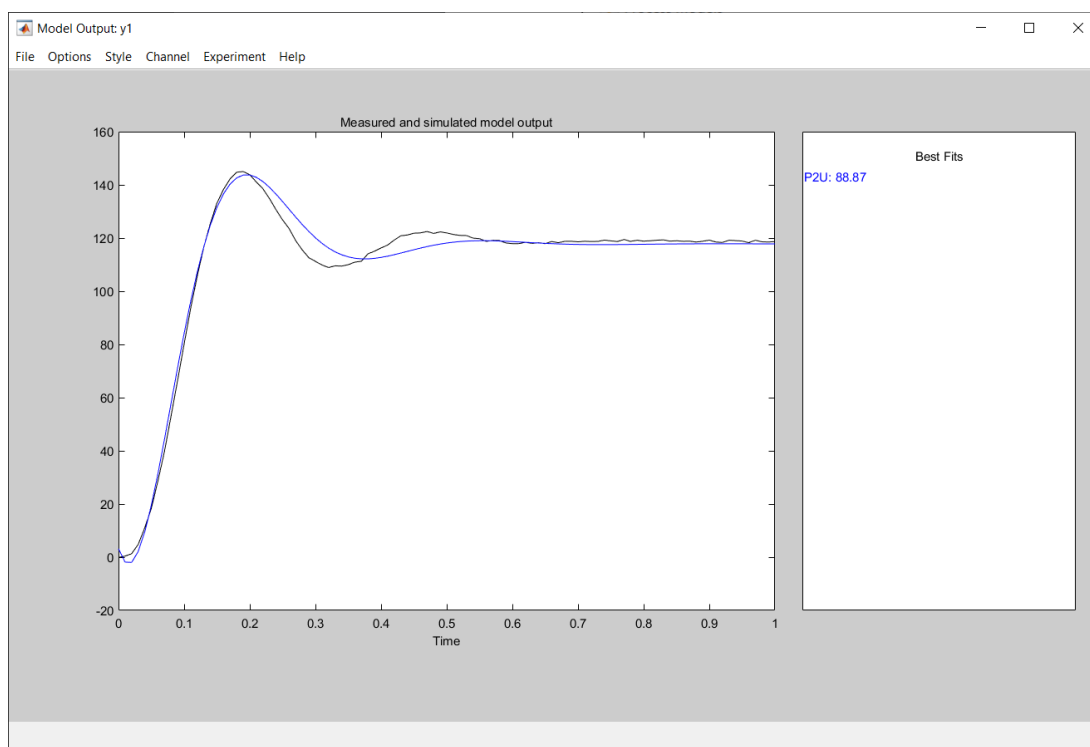
$$w_0 = 19.4136 \text{ rad/s}$$

$$\zeta = 0.4379$$

$$T_w = 0.0515$$

1.1.5. A becsült paraméterekkel rendelkező kéttárolós tag kimenetének összevetése a mért ugrásválással. Következtetések levonása.

Az adatok becslése és kiszámolása után megnyitottam a System Identification alkalmazást a modellillesztéshez, majd az adatok felvitele után ezt az eredményt kaptam:



$$K=23.5588$$

Az általam becsült adatok közelítőleg helyesek, minimális eltérés van a v_{max} és a T_m értékeim és a valós adatok között. Az illesztés pontossága 88.87%.

1.1.6. A mintavételi idő megválasztásának ellenőrzése. Vegye figyelembe, hogy a mintavételi időnek a Shannon-tétel szerint a felgyorsítandó zárt szabályozási kör minden jeléhez jónak kell lennie.

A w_0 -ból $f_0=3.0898$ Hz. Ez körülbelül egész szám szorosa az f_s -nek, így teljesül a Shannon-tétel. ($f_s=1/T_s$, $T_s=0.01$ s)

1.2. Bemenő jel generálás identifikációhoz.

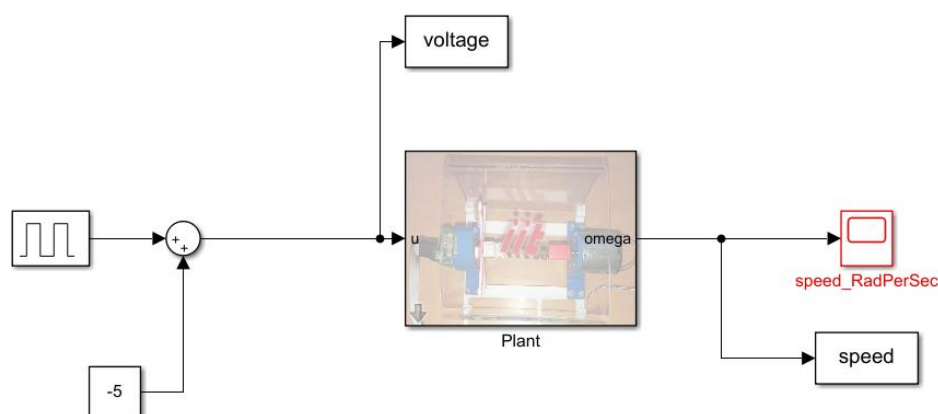
1.2.1. A szakasz becsült jellemzői alapján tervezzen megfelelő bemenő jelet Simulink-ban a szakasz identifikációjához.

1.3. Adatgyűjtés a szakasz identifikációjához

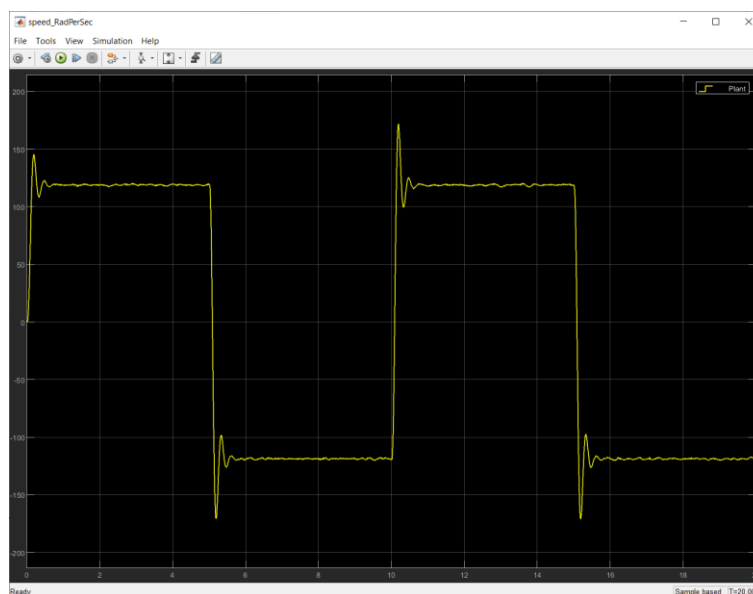
1.3.1. Az `identifikaciohoz.slx` Simulink modell Normal módú futtatása. A blokkok paramétereit a futtatás előtt kell beállítani, a jeleket a futtatás során vagy utána lehet megjeleníteni.

1.3.2. Az adatgyűjtés befejeződése után a bemeneti és kimeneti adatok elérhetők a Matlab munkaterében (`voltage` és `speed` struktúrák).

A Simulink-ben Pulse Generator-t adtam bemenetre, 10-es amplitúdóval és 50%-os kitöltési tényezővel. Egy -5-ös konstans eltolást is be kellett kötnöm a -5 és +5 V-os bementi feszültség előállításához.

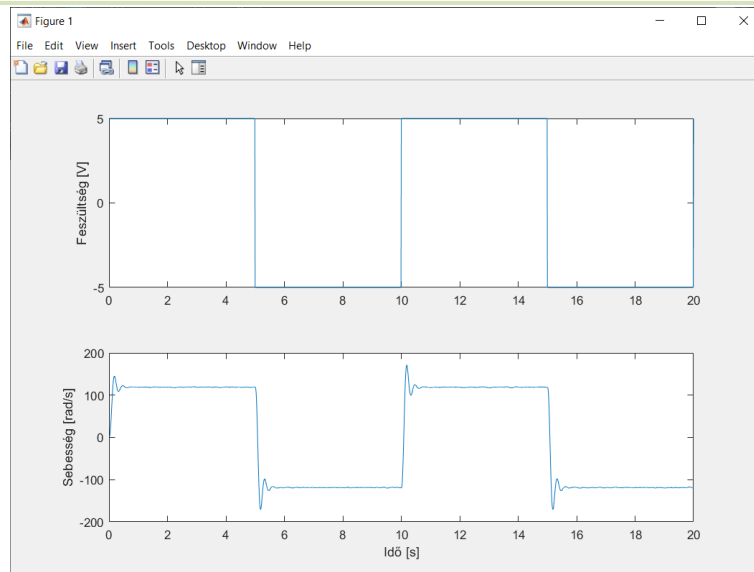


Az eredményül kapott ábra:

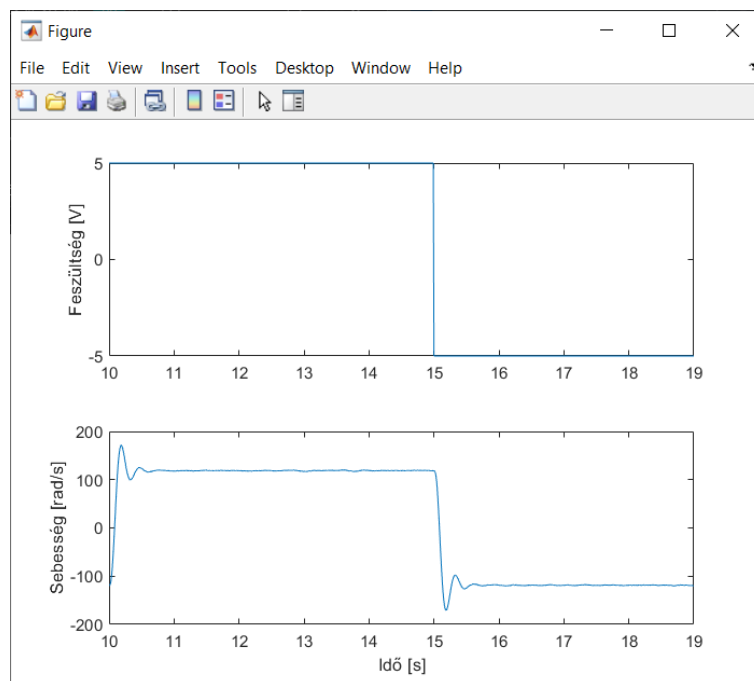


1.4. A szakasz identifikációja.

- 1.4.1. Az adatgyűjtés során keletkezett adatokat a Live Script megjeleníti. Válassza ki, hogy melyik időtartományhoz tartozó jeleket kívánja felhasználni az identifikációhoz (T_{kezdo} , T_{veg}).

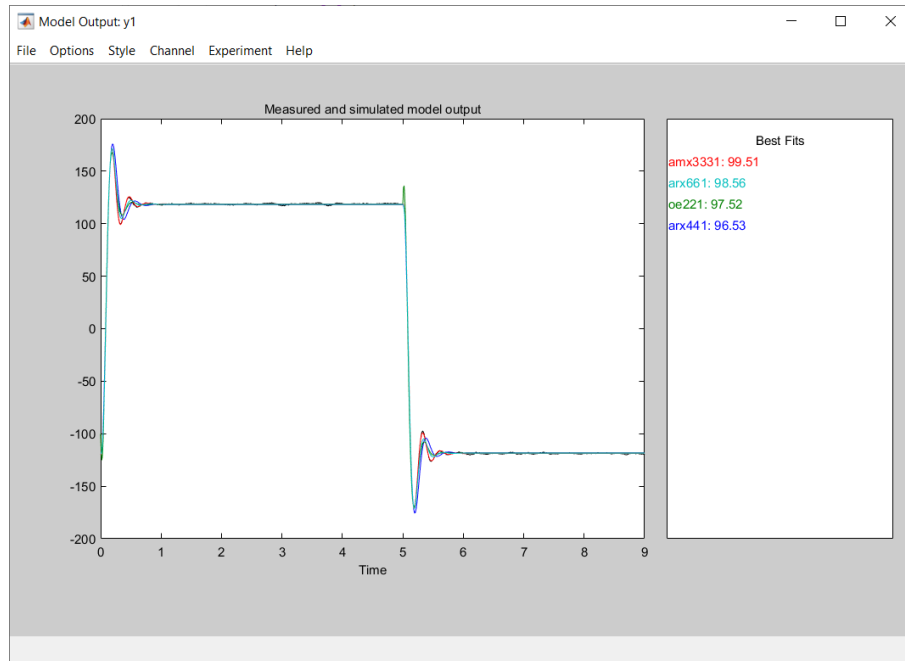


T_{kezdo} -nek 10-et, T_{veg} -nek pedig 19-et választottam az ábra alapján.

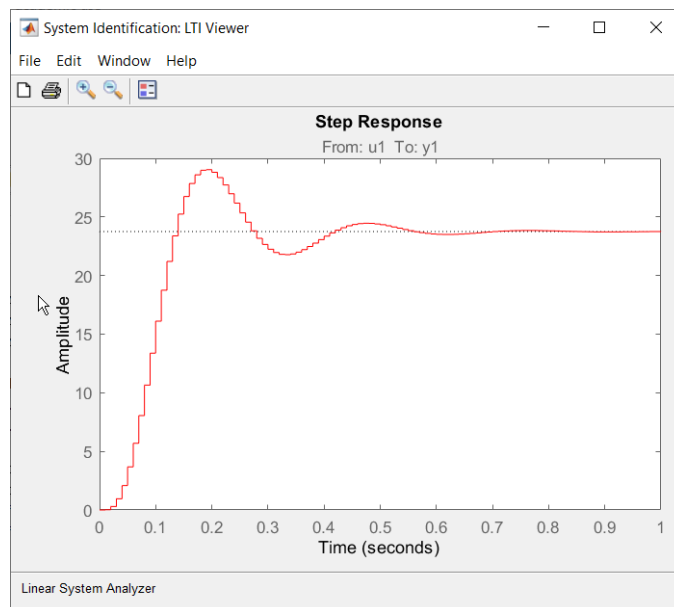


- 1.4.2. A szabályozott szakasz identifikációja a System Identification app segítségével. Adatok betöltése, polinomiális modellek illesztése (különböző rendszermodellekkel, foksámokkal), modellek ellenőrzése, összehasonlítása. Ellenőrizendő, hogy az identifikált modellnek van-e folytonosidejű megfelelője. Legjobb, folytonosidejű megfelelővel is rendelkező modell kiválasztása, munkatérbe helyezése.
- 1.4.3. Az identifikáció eredményeként előálló diszkrét idejű modell folytonosidejű ekvivalensének meghatározása, pólusainak vizsgálata.

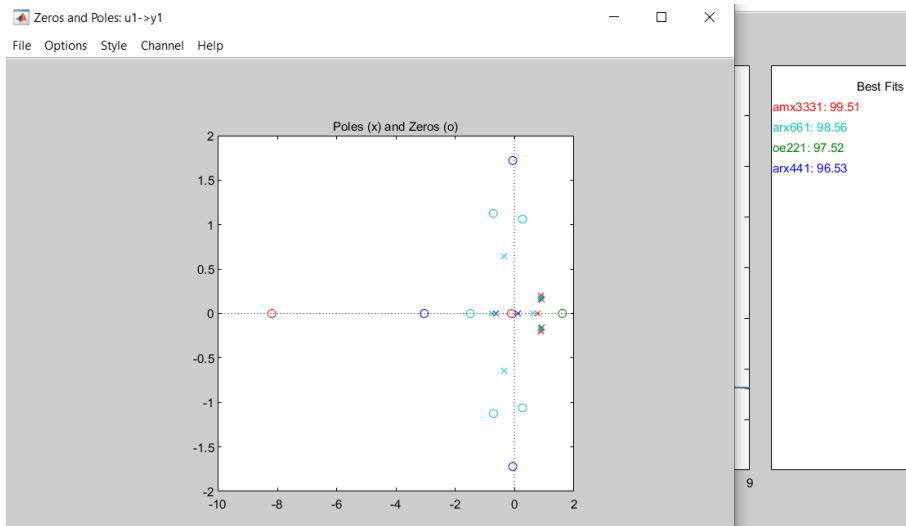
Az identifikációt ARX, ARMAX és OE modellekkel is elvégeztem, a legpontosabb eredményt az ARMAX [3 3 3 1] modell adott, 99.51%-kal.



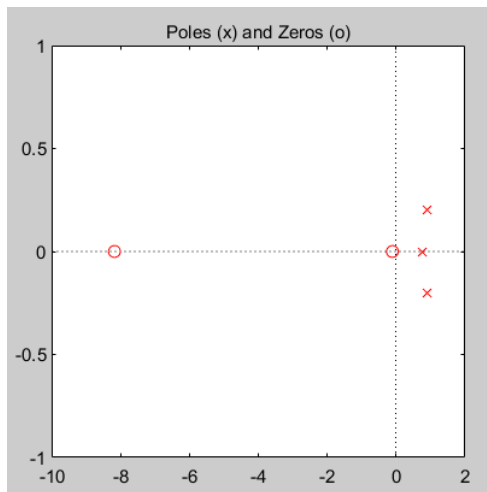
A tranziens viselkedés az ARMAX modellel:



A pólus zérus elrendezés kicsit kusza a 4 féle modell miatt, de látható hogy a pirossal jelzett ARMAX [3 3 3 1], a zöldell jelzett OE [2 2 1] az amelynek nincs negatív pólusa, így megfelelnek a további vizsgálathoz:



A pólus-zérus elrendezésből következtetve az ARMAX [3 3 3 1] modellt választottam a rendszeridentifikációhoz.



-> ARMAX [3 3 3 1] pólus-zérus elrendezése.

1.5. Állapottér-módszeren alapuló diszkrétidejű szabályozótervezés, szimuláció és valós idejű szabályozás.

A kapott diszkrét modell:

```

identifikalt_model1 =
Discrete-time ARMAX model: A(z)y(t) = B(z)u(t) + C(z)
  A(z) = 1 - 2.605 z^-1 + 2.298 z^-2 - 0.6827 z^-3

  B(z) = 0.02467 z^-1 + 0.2044 z^-2 + 0.01976 z^-3

  C(z) = 1 - 2.239 z^-1 + 1.742 z^-2 - 0.4595 z^-3

Name: amx3331
Sample time: 0.01 seconds

Parameterization:
  Polynomial orders: na=3 nb=3 nc=3 nk=1
  Number of free coefficients: 9
  Use "polydata", "getpvec", "getcov" for parameters

Status:
Estimated using PEM on time domain data "mydata".
Fit to estimation data: 99.7% (prediction focus)
FPE: 0.133, MSE: 0.1295

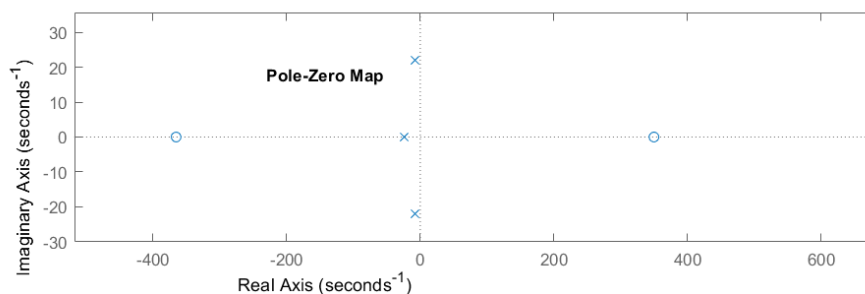
```

A folytonos idejű modell:

From input "u1" to output "y1":
 $-2.36 \text{ s}^2 - 36.79 \text{ s} + 3.015\text{e}05$

 $\text{s}^3 + 38.18 \text{ s}^2 + 873.2 \text{ s} + 1.269\text{e}04$

A pólus-zérus elrendezésben láthatjuk, hogy a pólusok átkerültek a bal félsíkra:



Terhelésbecslésen alapuló állapotteres szabályozó megtervezése. A hallgató a szabályozó-tervezést a következő lépésekben valósítja meg.

1.5.1. A szakasz irányíthatóságának, megfigyelhetőségének ellenőrzése. Csak akkor tudja megtervezni az állapotteres szabályozót, ha irányítható, megfigyelhető az identifikált szakaszmodell.

A megfelelő függvények (ctrb, obsv) alkalmazását követően a két eredmény mátrix:

```

Mc = 3x3
    0.5000    1.3025    2.2440
         0     1.0000    2.6050
         0         0     0.5000

Mo = 3x3
    0.0493    0.2044    0.0395
    0.5373   -0.0369    0.0337
    1.3258   -0.6006    0.3668

```

Az irányíthatóság és a megfigyelhetőség vizsgálatához a rank függvényt használtam, mindkét esetben 3 jött ki, amely jól láthatóan megegyezik, így a szakasz megfigyelhető és irányítható.

```
% Irányíthatósági mátrix
Mc = ctrb(allapotter_d)
% Megfigyelhetőségi mátrix
Mo = obsv(allapotter_d)

rank(Mc)
rank(Mo)
```

```
ans = 3
```

```
ans = 3
```

1.5.2. A zártkörű viselkedés specifikációjának megválasztása. A tervezéshez a zárt rendszer és a megfigyelő karakterisztikus egyenletének gyökeit folytonos időben (s -tartományban) kell megválasztani és beállítani, majd az identifikáció során használt mintavételi idő mellett automatikusan megtörténik a konverzió diszkrét időbe (z -tartományba). (A Live Script a specifikált sajátértékek alapján automatikusan meghatározza az állapotvisszacsatolás, a terhelésbecslő és az alapjel miatti korrekció mátrixait.)

A zárt kör sajátértékei meghatározása után a terhelésbecslő sajátértékeit is meghatározotam minf folytonos, mind diszkrét időben:

Zárt körű viselkedés specifikációja folytonos időben

Az előbb láttuk, hogy hol helyezkednek el a modell sajátértékei. Ezekből kiindulva határozza meg, hogy a zárt körben hova kerüljenek a sajátértékek. Gondolja végig, hogy szeretné-e, hogy a kimenetnek túllővése legyen. (Valós sajátértékek választása esetén nincs túllővés.) A szakasz sajátértékeihez képest milyen irányba kell elmozdítani a sajátértékeket a komplex számsíkon, ha gyorsítani szeretnénk a rendszert? Van-e valamilyen korlátja a gyorsításnak?

Feladat: Zárt kör sajátértékeinek választása folytonos időben.

A zárt körnek ugyanannyi sajátértéke van, mint a szakasznak. Ezt az értéket tartalmazza az n változó. Egy sajátérték lehet többszörös (akár n -szeres) is.

```
s=pole(allapotter_c)
```

```
s1 = s(1)
s2 = s(2)
s3 = s(3)
```

Határozza meg az ennek (ezeknek) megfelelő diszkrét idejű pólusokat az $z_i = e^{s_i T_s}$ összefüggés alapján:

```
z1 = exp(s1*T_s)
z2 = exp(s2*T_s)
z3 = exp(s3*T_s)
```

A diszkrét idejű pólusokat egy z vektorba kell rendezni, melynek n eleme lesz:

```
z = [z1 z2 z3]
```

A fenti lépéseket most ismételje meg! A különbség csak annyi, hogy most a terhelésbecslő sajátértékeit kell meghatározni. Figyeljen arra, hogy a becslő gyorsabb legyen, mint a zárt kör! (Legalább háromszoros gyorsaságra törekedjen.)

Feladat: Terhelésbecslő sajátértékeinek választása folytonos időben.

```
so1 = 3*s1
so2 = 3*s2
so3 = 3*s3
zo1 = exp(so1*T_s) % sajátérték diszkrét időben
zo2 = exp(so2*T_s)
zo3 = exp(so3*T_s)
```

Most is egy vektorba kell tenni a sajátértékeket. Most viszont a vektornak $n+1$ eleme lesz, hiszen az állapotokon kívül a terhelést is becsülni kell:

```
zo = [zo1 zo2 zo3 zo1]
```

```
s = 3x1 complex
-23.8712 + 0.00000i
-7.1522 +21.9217i
-7.1522 -21.9217i
```

```
s1 = -23.8712
s2 = -7.1522 + 21.9217i
s3 = -7.1522 - 21.9217i
```

```
z1 = 0.7876
z2 = 0.9087 + 0.2025i
z3 = 0.9087 - 0.2025i
```

```
z = 1x3 complex
0.7876 + 0.00000i 0.9087 + 0.2025i 0.9087 - 0.2025i
```

```
so1 = -71.6137
so2 = -21.4567 + 65.7651i
so3 = -21.4567 - 65.7651i
zo1 = 0.4886
zo2 = 0.6386 + 0.4932i
zo3 = 0.6386 - 0.4932i
```

```
zo = 1x4 complex
0.4886 + 0.00000i 0.6386 + 0.4932i 0.6386 - 0.4932i 0.4886 + 0.00000i
```

A z_0 vektor helyes megadását követően a szabályozó mátrixai is elkészültek:

```

K = 1x3
10^-14 x
    0.3553    -0.2665    0.2220

Phi_h = 4x4
    2.6050   -1.1491    0.6827    0.5000
    2.0000         0         0         0
    0         0.5000         0         0
    0         0         0         1.0000

Gamma_h = 4x1
    0.5000
    0
    0
    0

Ch = 1x4
    0.0493    0.2044    0.0395         0

Ght = 1x4
    2.6560    2.9968    0.7274    0.3929

Gh = 4x1
    2.6560
    2.9968
    0.7274
    0.3929

Fh = 4x4
    1.1780   -1.0510    0.5932    0.4345
    0.3899    0.1107   -0.1009   -0.0739
   -0.3908    0.5269   -0.0245   -0.0179
   -0.2111    0.0145   -0.0132    0.9903

Hh = 4x1
    0.4345
   -0.0739
   -0.0179
   -0.0097

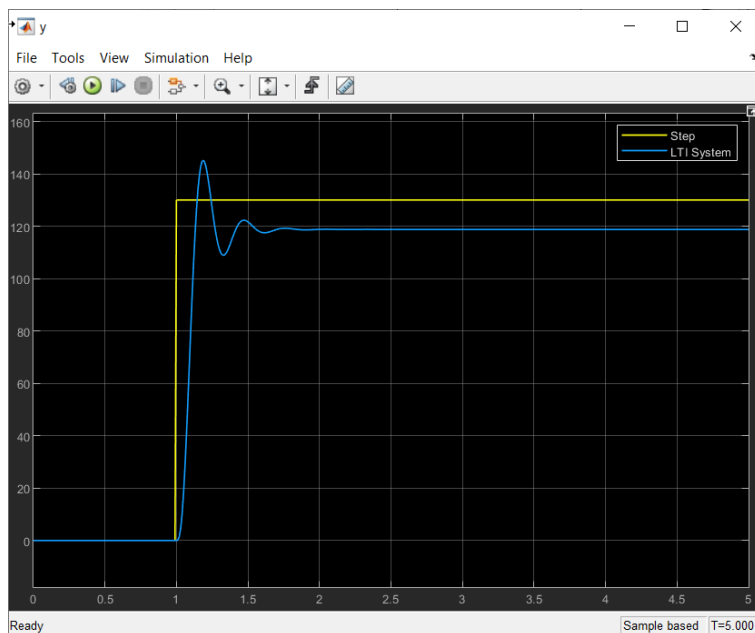
Nxu = 4x1
    2.0095
    4.0190
    2.0095
    0.0421

Nx = 3x1
    2.0095
    4.0190
    2.0095

Nu = 0.0421
  
```

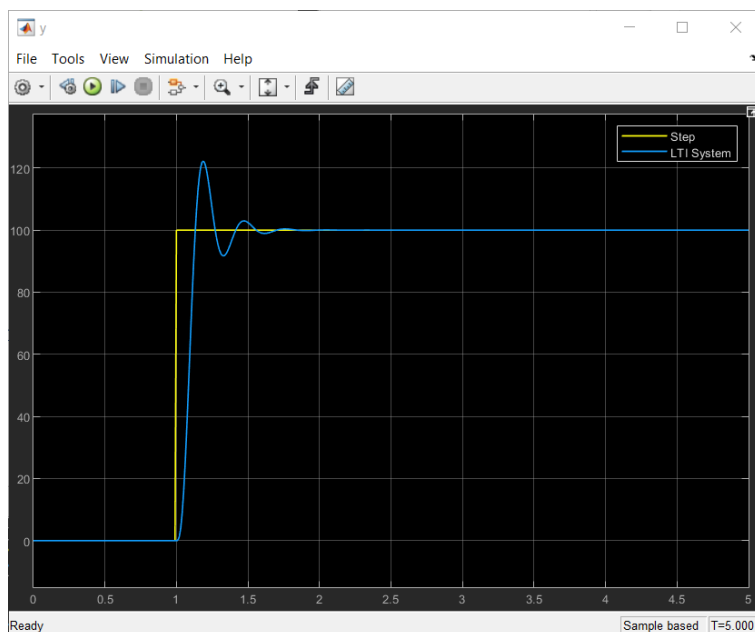
- 1.5.3. A szabályozás szimulálása az identifikált diszkrét idejű modellen. Értékelje a szabályozás hatékonyságát és vizsgálja meg, hogy a szabályozás eleget tesz-e az előírt specifikációknak.
- 1.5.4. A szabályozás szimulálása az identifikáció eredményéből meghatározott folytonos idejű szakaszmodellel. Vizsgálja meg, hogy a szakasz bemenetén alkalmazott nulladrendű tartószervnek milyen hatása van a zártkörű viselkedésre.

Az első szimulációt követően ezt az eredményt kaptam:



Az ábrán látható, hogy a 130 körüli alapjel túl nagy a modellezett rendszerünknek, így azt célszerű csökkenteni.

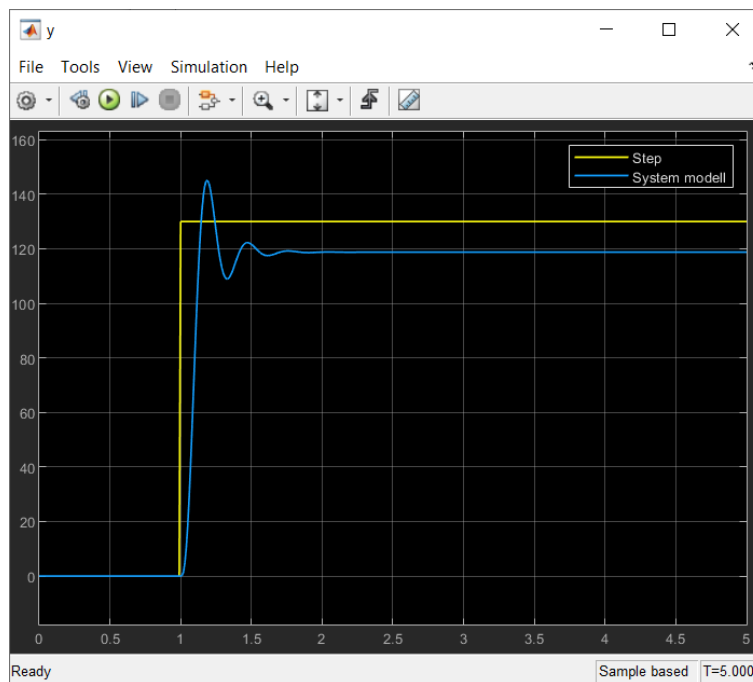
100-ra lecsökkentve ezt kapjuk:



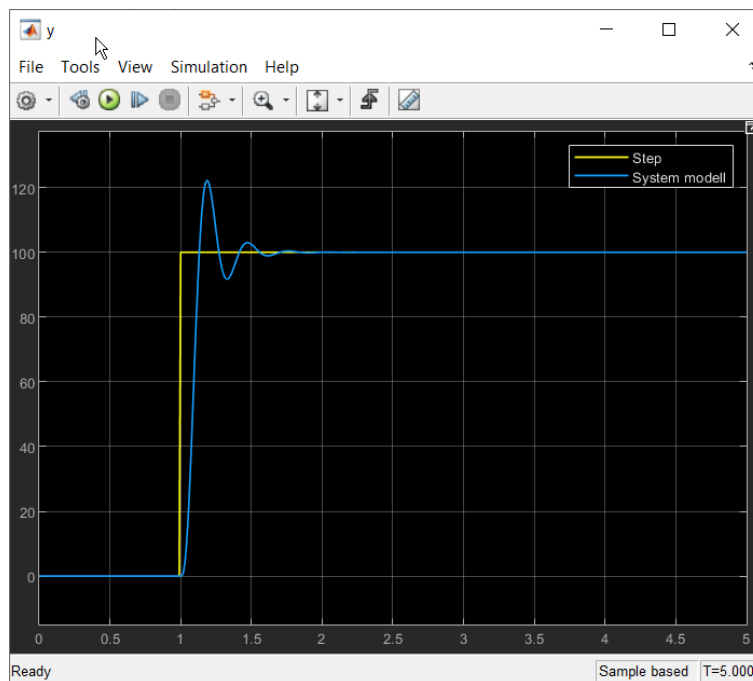
Ezt követően a „a szakasz bemenetén alkalmazott nulladrendű tartószervnek milyen hatása van a zártkörű viselkedésre” következett, amelynél az alapjel 130-as értékénél

megint előjött, hogy nem tudja követni a rendszermodell, azonban 100-ra lecsökkentve azt már igen.

130-as alapjelű ábra:

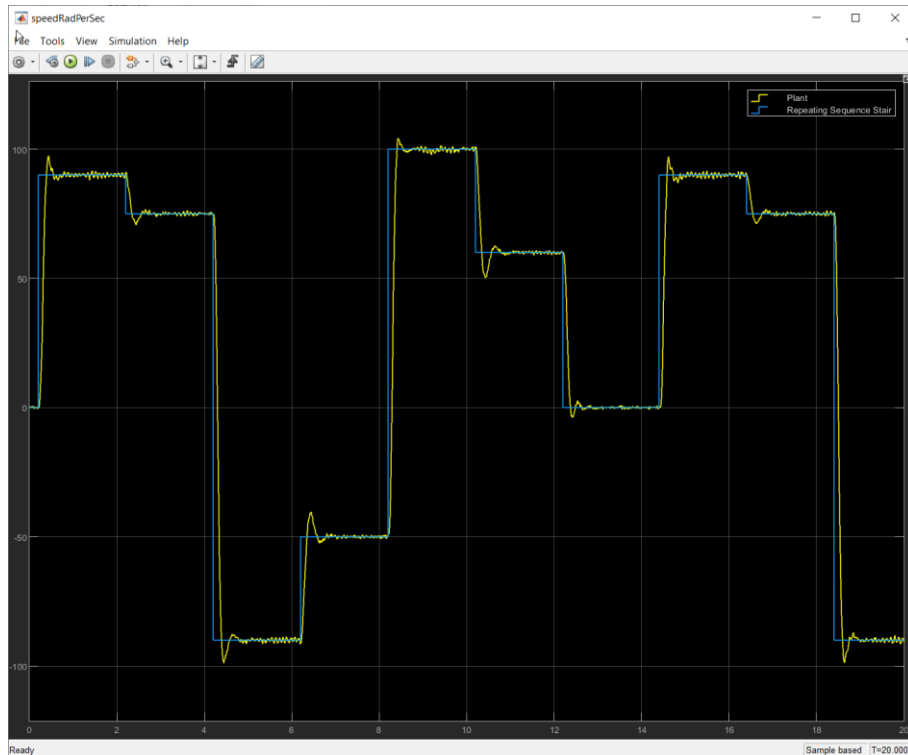


100-as alapjelű ábra:



- 1.5.5. A szabalyozashoz.slx Simulink modell Normal módú futtatásával a zártkörű szabályozás szimulációja a nemlinearitást is tartalmazó szakasz reprezentációval. Vizsgálja meg, mennyire mondható sikeresnek az identifikáción alapuló szabályozótervezés és szimuláció, ha a nemlinearitást is tartalmazó modellel alkalmazzuk a megtervezett szabályozót.

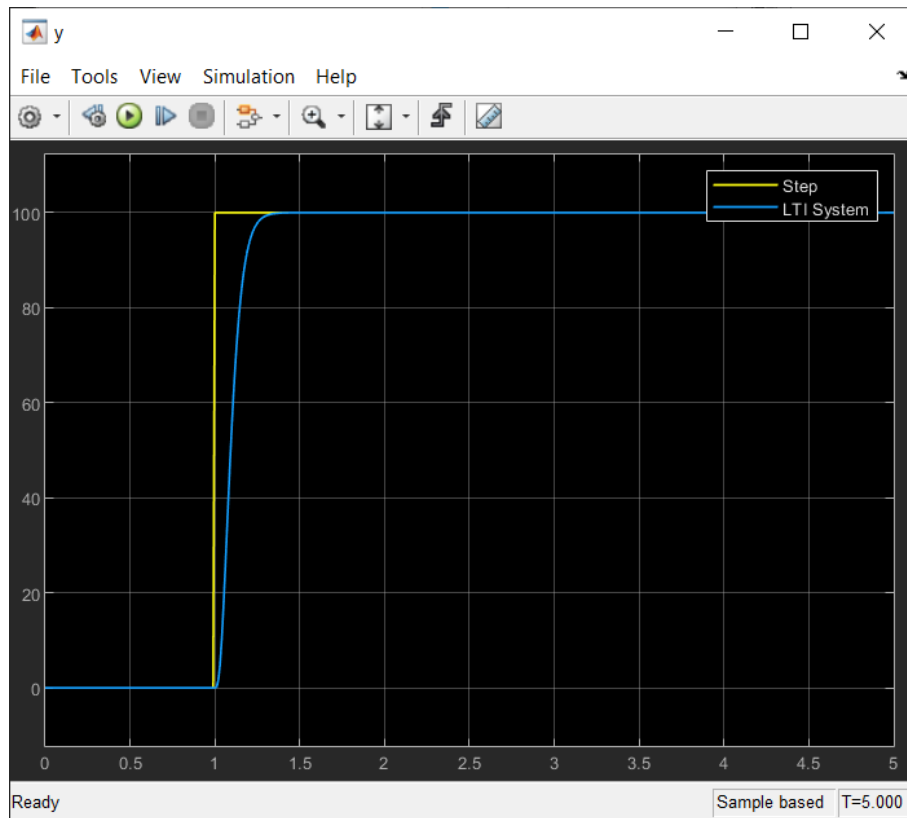
A szimuláció futtatását követően az alábbi eredményt kaptam:



Az alapjel követés kisebb túllengésekkel, de hibátlanul bekövetkezett.

- 1.5.6. Vizsgálja meg a szabályozás hatékonyságát különböző mértékű gyorsuló pólusáthelyezés és gyorsuló megfigyelő-specifikációk esetén. Eredményezheti-e a gyorsítás a szabályozó telítődését? Mennyire korlátozzák a specifikációk a real-time megvalósíthatóságot?

A pólusok áthelyezésével tudunk növelni a hatékonyságon, például -30-ra áthelyezett mindhárom pólus esetén:



Az áthelyezett pólusokkal kisebb feszültség kilengéseket is elérhetünk, így megvédve eszközeinket az esetleges problémáktól:

