

**Elektromágneses terek (VIHVA204) [B]**

2010.06.18.

|          |                  |           |         |
|----------|------------------|-----------|---------|
| Név:     | Javítási példány | Pontszám: | Javitó: |
| NEPTUN:  |                  | 10        | EVT     |
| Aláírás: |                  |           |         |

Feladatoknál 1 pont szerezhető. Csak a végeredményt írja röviden a feladatlapra!

1. Egy gömbkondenzátor belső elektrodájának sugara 4 mm, külső elektrodájának sugara 6 mm, a dielektrikum relatív dielektrikus állandója 4,5. Legfeljebb mekkora feszültséget kapcsolhatunk a kondenzátorra, ha a téterősség a dielektrikumban nem haladhatja meg az  $300 \text{ kV/m}$  értéket?

$$U_{\max} = 400 \text{ V}$$

2. Adjon becsültet az elektromos energiasűrűségre egy 8 m hosszúságú, levegőben elhelyezkedő, állandó  $40 \text{ nC/m}$  töltőssűrűségű vonalhálós felülettel övezett területen a vonalhálóstól 1 cm távolságra lévő pontba!

$$\tilde{\omega} = 22,89 \text{ mJ/m}^3$$

3. Homogén,  $\sigma$  vezetőképességű közegben egymástól  $d$  távolságban helyezkedik el két,  $d/30$  sugarú féngomb elektroda. Az egyik gömbből kifelé, a másikba befelé folyik  $I$  állandó áram. Fejezze ki a közegben disszipálódó hőteljesítményt!

$$P = \frac{29I^2}{2\pi\sigma d}$$

4. Toroid alakú,  $\mu_r = 1000$  relatív permeabilitású vasmag keresztmetszete  $A = 5 \text{ cm}^2$ , közepes sugara  $r = 6 \text{ cm}$ . A vasmagra egy  $N_1 = 100$  és egy  $N_2 = 500$  menetes tekercs van csévélve. Határozza meg a tekercsek közötti kölcsönös induktivitás nagyságát!

$$L_{12} = 83,3 \text{ mH}$$

5. Egy  $500 \Omega$  hulláminimpedanciájú ideális távvezeték lezárása egy  $(500 + j500) \Omega$  impedanciájú fogyasztó, amelyen  $100 \text{ kW}$  hatásos teljesítmény disszipálódik. Adj meg a fogyasztó felé haladó áramhullám amplitúdóját!

$$|I_0^+| = 22,36 \text{ A}$$

6. Egy zárt vezetőhurok ellenállása  $20 \Omega$ . A hurok fluxusa zérus értékéről exponenciálisan  $10 \text{ Wb}$  értékre nő,  $0,2 \text{ s}$  időállandóval. Határozza meg, mekkora energia disszipálódik ezalatt a vezetőhurokban!

$$W = 12,5 \text{ J}$$

7. Hosszú, egyenes, kör keresztmetszetű vezető sugara 5 mm, fajlagos vezetőképessége  $57 \text{ MS/m}$ . A vezetőben nagyfrekvenciás sinuszos áram folyik, a behatolás mélysége  $100 \mu\text{m}$ . A vezető felületén az mágneses téterősség amplitúdója  $30 \text{ A/m}$ . Adj meg a vezető 1 m hosszú szakaszában disszipálódó hatásos teljesítményt!

$$P = 2,48 \text{ mW}$$

8. Levegőben terjedő sík hullámban a mágneses téterősség hely-idő függvénye  $H(x, y, t) = e_i 2 \cos(\omega t - \beta(x - y)) \text{ A/m}$ . Határozza meg az  $x = 0$  alk.  $5 \text{ m}^2$  körében átáramló hatásos teljesítményt!

$$P = 2,667 \text{ kW}$$

9. Hertz-dipólus sugárzási ellenállása  $0,4 \Omega$ , az antenna áramra  $i(t) = 15 \cos(\omega t) \text{ A}$ . Mekkora az elektromos téterősség maximális amplitúdója a dipólus távolsági,  $2 \text{ km}$  távolságban? Az irányhatás 1,5.

$$E_{\max} = 31,83 \text{ mV/m}$$

10. Egy négyzet keresztmetszetű, 2 cm oldalszélességű, légtöltésű, veszteségszintes csőtápvonalban a TE<sub>10</sub> módusban valamely frekvencián  $E_y/H_z = -500 \Omega$  (a teljesítményáramlás pozitív z irányú). Legfeljebb mekkora teljesítmény szállítható a tápvonalban ezen a frekvencián, ha az elektromos téterősség nem lépheti túl a  $20 \text{ kV/cm}$  értéket?

$$P = 0,8 \text{ MW}$$